

# Sortering

GruDat  
Örjan Ekeberg

Enkla metoder  
Effektiva metoder  
Teoretiska gränser

## Enkla metoder

Bubblesortering  
Insättningsortering  
Urvalssortering

## Effektiva metoder

Samsortering  
QuickSort

## Teoretiska gränser

GruDat  
Örjan Ekeberg

Enkla metoder  
Effektiva metoder  
Teoretiska gränser

## Sortering

Ordna element enligt relation mellan nyckelvärden

- ▶ Flera olika algoritmer med olika fördelar

GruDat  
Örjan Ekeberg

Enkla metoder  
Bubblesortering  
Insättningsortering  
Urvalssortering  
Effektiva metoder  
Teoretiska gränser

## Brute-force

### Brute-force

Gå igenom alla permutationer och hitta den där elementen ligger i ordning

- ▶  $\mathcal{O}(n!)$ , orimligt ineffektivt

GruDat  
Örjan Ekeberg

Enkla metoder  
Bubblesortering  
Insättningsortering  
Urvalssortering  
Effektiva metoder  
Teoretiska gränser

# Bubblesortering

## Bubblesortering

- ▶ Byt plats på element som ligger i fel ordning
- ▶ Upprepa detta tills alla ligger rätt

GruDat

Örjan Ekeberg

Enkla metoder  
Bubblesortering  
Insättningsortering  
Urvalsortering  
Effektiva metoder  
Teoretiska gränser

## Bubblesortering

```
def bubbleSort(v):  
    modified = True  
    while modified:  
        modified = False  
        for i in range(1, len(v)):  
            if v[i-1] > v[i]:  
                v[i-1], v[i] = v[i], v[i-1]  
                modified = True  
  
    return v
```

GruDat

Örjan Ekeberg

Enkla metoder  
Bubblesortering  
Insättningsortering  
Urvalsortering  
Effektiva metoder  
Teoretiska gränser

## Fiffigare Bubblesortering

```
def bubbleSort(v):  
    modified = True  
    surface = len(v)  
    while modified:  
        modified = False  
        for i in range(1, surface):  
            if v[i-1] > v[i]:  
                v[i-1], v[i] = v[i], v[i-1]  
                modified = True  
        surface -= 1  
    return v
```

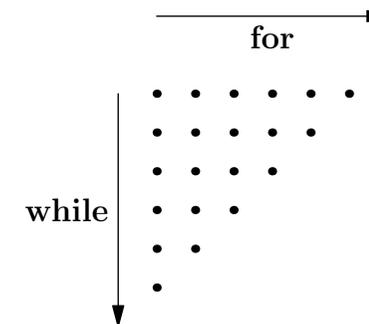
GruDat

Örjan Ekeberg

Enkla metoder  
Bubblesortering  
Insättningsortering  
Urvalsortering  
Effektiva metoder  
Teoretiska gränser

## Bubblesortering

Hur lång tid tar bubblesortering?



- ▶ Komplexitet:  $O(n^2)$

GruDat

Örjan Ekeberg

Enkla metoder  
Bubblesortering  
Insättningsortering  
Urvalsortering  
Effektiva metoder  
Teoretiska gränser

# Insättningsortering

GruDat

Örjan Ekeberg

Enkla metoder  
Bubbelsortering  
Insättningsortering  
Urvalsortering  
Effektiva metoder  
Teoretiska gränser

## Rekursiv ansats

- ▶ Tag bort ett element
- ▶ Sortera resten
- ▶ Sätt in det borttagna på rätt plats
  
- ▶ Insättningsortering

## Insättningsortering

```
def insertionSort(v):  
    if len(v) <= 1:  
        return v  
    x = v[0]  
    a = insertionSort(v[1:])  
  
    p = 0  
    while p < len(a) and x > a[p]:  
        p += 1  
    a.insert(p, x)  
    return a
```

GruDat

Örjan Ekeberg

Enkla metoder  
Bubbelsortering  
Insättningsortering  
Urvalsortering  
Effektiva metoder  
Teoretiska gränser

# Urvalsortering

GruDat

Örjan Ekeberg

Enkla metoder  
Bubbelsortering  
Insättningsortering  
Urvalsortering  
Effektiva metoder  
Teoretiska gränser

## Alternativ rekursiv ansats

- ▶ Tag bort största element
- ▶ Sortera resten
- ▶ Sätt in det borttagna sist
  
- ▶ Urvalsortering

## Urvalsortering

```
def selectionSort(v):  
    if len(v) <= 1:  
        return v  
    im, m = 0, v[0]  
    for ix, x in enumerate(v):  
        if x > m:  
            im, m = ix, x  
    del v[im]  
    return selectionSort(v) + [m]
```

GruDat

Örjan Ekeberg

Enkla metoder  
Bubbelsortering  
Insättningsortering  
Urvalsortering  
Effektiva metoder  
Teoretiska gränser

Bubbelsortering	$\mathcal{O}(n^2)$
Insättningssortering	$\mathcal{O}(n^2)$
Urvalsortering	$\mathcal{O}(n^2)$

## Samsortering

### Smartare rekursiv ansats

- ▶ Dela på *mitten*
- ▶ Sortera båda delarna
- ▶ Sätt samman
- ▶ Samsortering (Mergesort)

### Samsortering

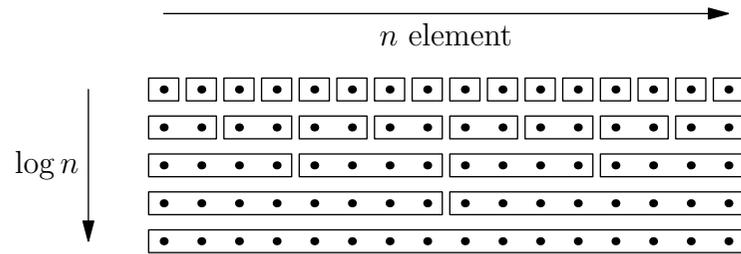
```
def mergeSort(v):
    if len(v) <= 1:
        return v
    a = mergeSort(v[:len(v)//2])
    b = mergeSort(v[len(v)//2:])
    return merge(a, b)
```

### Samsortering, hjälpfunktion

```
def merge(a, b):
    v = []
    while a and b:
        if a[0] < b[0]:
            v.append(a.pop(0))
        else:
            v.append(b.pop(0))
    while a:
        v.append(a.pop(0))
    while b:
        v.append(b.pop(0))
    return v
```

# Samsortering

Hur lång tid tar samsortering?



- ▶ Komplexitet:  $\mathcal{O}(n \log n)$
- ▶ Nackdel: Kräver extra utrymme

# Quicksort

## Ännu en rekursiv ansats

- ▶ Välj ett element
- ▶ Lägg de som är mindre till vänster och de som är större till höger
- ▶ Sortera delarna
- ▶ Quicksort

## Quicksort

```
def quickSort(v):  
    if len(v) <= 1:  
        return v  
    p = v[0]  
    small = [x for x in v[1:] if x <= p]  
    large = [x for x in v[1:] if x > p]  
    return quickSort(small) + \  
        [p] + \  
        quickSort(large)
```

# Quicksort

Hur lång tid tar quicksort?

- ▶ Medelfallet:  $\mathcal{O}(n \log n)$
- ▶ Värsta fall:  $\mathcal{O}(n^2)$
- ▶ Kan göras utan extra minne (*in-place*)

## QuickSort, in place

```
def quickSort(v, a, b):
    if b > a:
        s = partition(v, a, b)
        quickSort(v, a, s)
        quickSort(v, s+1, b)
```

## QuickSort, del 2

```
def partition(v, a, b):
    p = v[a]
    left = a+1
    right = b-1

    while left <= right:
        while left <= right and v[left] <= p:
            left += 1
        while left <= right and v[right] > p:
            right -= 1
        if left < right:
            v[left], v[right] = v[right], v[left]

    v[a], v[right] = v[right], v[a]
    return right
```

Kan man sortera snabbare än  $\mathcal{O}(n \log n)$ ?

- ▶ Sortering  $\equiv$  välj rätt permutation
- ▶ Antal tänkbara permutationer:  $n!$
- ▶ Varje jämförelse kan som bäst halvera antalet
- ▶  $\frac{n!}{2^m} = 1$
- ▶  $m = \log_2(n!)$  jämförelser krävs

$$\left(\frac{n}{3}\right)^n < n! < \left(\frac{n}{2}\right)^n$$

$$\mathcal{O}(\log n!) \equiv \mathcal{O}(n \log n)$$