

Beatrice Frock och Staffan Romberger
CSC (Nada), KTH
070129



2D1212

Numeriska metoder och grundläggande programmering för P1 och T1, 6 poäng

Kursprogram

Om WWW

På nätet finns aktuell information om kursen. Kursens webbsida har adress <http://www.csc.kth.se/2D1212/numpp07/>. Den nås enklast från länken Kurser på CSC under För studenter på CSC's hemsida.

Om kursen

Kursen innehåller programmering i Matlab och grundläggande numeriska metoder, och läses av årskurs 1 i civilingenjörsprogrammet Design och produktframtagning samt Farkostteknik.

Om ämnet Numeriska metoder

I din verksamhet som ingenjör kommer du sannolikt att utföra tekniska beräkningar där datoranvändning samt användning av numeriska metoder blir av stort värde. Många problem, såväl teoretiska som tillämpade, utgörs ju av komplicerade matematiska modeller samt hantering av stora datamängder.

I matematiken får du lära dig hur man tar fram exakt lösning till ekvationer, integraler, differentialekvationer etc. Men det är långt ifrån alla ("matematiska") problem som är exakt lösbara. Och det man är intresserad av är ju egentligen ett approximativt siffervärde samt en uppskattning av hur pass riktigt detta värde är – hur mycket mätfel, förenklingar i modellen etc har inverkat. I numprogkursen får du lära dig grundläggande programmering i Matlab samt metoder för numerisk lösning av bl.a. icke-linjära ekvationer och ekvationssystem, integraler och differentialekvationer, samt bedömning av resultatets tillförlitlighet.

De numeriska beräkningarna blir så omfattande att det är lämpligt att använda dator. Vi använder Matlab, ett avancerat programsystem för att lösa ingenjörsmässiga problem, göra numeriska experiment och presentera lösningar.

Föreläsningarna kommer att vara av lektionskaraktär, dvs inte enbart av traditionell föreläsningstyp. Du har stor behållning av att läsa lite i förväg i läroböckerna, så kan du arbeta mycket mer aktivt på föreläsningarna.

Kursledare

Staffan Romberger (programmeringsdelen av kursen), e-mail: srom@nada.kth.se
Beatrice Frock (numerikdelen), e-mail: beatrice@nada.kth.se

Kurslitteratur

1. Stephen J. Chapman: Matlab Programming for Engineers (PEng)
2. Peter Pohl: Grundkurs i Numeriska metoder (GNM)
3. Kursbunt:
 - Kursprogram (detta häfte)
 - Edsberg, Eriksson, Lindberg: Exempelsamling i numeriska metoder (EX).
 - Laborationsuppgifter (några delas ut senare, under kursens gång)
 - Användarhandledning för Matlab på Nada
 - Matlabterminologi
 - Extentor
 - En del extra material utdelas under kursens gång.

Både 1. och 2. säljs på Kårbokhandeln, och kursbunten säljs på Nadas expedition.

Expedition: må-fr 9.45–11.30 NADA, plan 2, Osquars backe 2.
må-to 12.45–14.15

Övningsledare

- Grupp 1: Staffan Romberger (prog.) och Beatrice Frock (numme)
- P₁:** Grupp 2: Tommy Sundström
Grupp 3: Henrik Holst
- T₁:** Grupp 1: Tomas Ooppelstrup
Grupp 2: Tommy Sundström
Grupp 3: Dag Lindbo

Datorsalar

I denna kurs används Unix-salar på CSC/Nada:s plan 4.

Mer information om kursfiler, kursanmälan m.m. finns på webben.

Allmänna handledare är tillgängliga i Nadas terminalsalar på plan 4 må-fr kl 11–13 och 17–20 (ej redovisning av laborationer).

Kursprogram.**Föreläsningar, övningar och terminalövningar (Preliminär översikt)****VECKA 7**

Fö 1 Introduktion. Matlabrepetition. Kap 1-2 i PEng

Ö1 Programmering, t.ex. uppgifterna 2.1, 2.6, 2.10, 2.14 i PEng

Fö 2 Styrstrukturer, programmeringsteknik. Kap 3-4 i PEng

VECKA 8-9

Fö 3 Funktioner, kap 5 i PEng

Ö2 Programmering, t.ex. uppgifterna 3.2, 3.6, 4.7a, 4.8a, 4.9a, 4.19 i PEng

TÖ1 Anmälan till kursen via www. Arbete med och redovisning av Lab 1

Fö 4 Datastrukturer, kap 6-7 i PEng

Ö3 Programmering, t.ex. uppgifterna 5.2, 5.7, 5.14, 5.20 i PEng

TÖ2 Arbete med Lab 2

VECKA 10-11

Fö 5 Filhantering, kap 8 i PEng

Ö4 Programmering, t.ex. uppgifterna 6.12, 6.11, 6.20, 7.3 i PEng, kontoregister

TÖ3 Arbete med lab 2.

FÖ6 Introduktion till numeriska metoder. Grundläggande ideer och metoder.
Kap 1 i GNM.

Ö5 uppgifterna 1.3, 2.1, 2.4, 2.8 i Ex

Extra Matlabuppgifter:

* Konstruera en högertriangulär (resp. vänstertriangulär) 10×10 matris med elementen = 2 på huvuddiagonalen, och -3 på nästa diagonal.

* Skriv Matlabsatser för att byta plats mellan 3:e och 7:e raderna i denna matris, och mellan 4:e och 8:e kolumnerna.

* Är följande vektorer linjärt oberoende? $\mathbf{v}_1 = [0, 1, 0, 1]$, $\mathbf{v}_2 = [1, 2, 3, 4]$, $\mathbf{v}_3 = [1, 0, 1, 0]$, $\mathbf{v}_4 = [0, 0, 1, 1]$?

Ö6 Programmering, t.ex. uppgifterna 8.1, 8.8 (8.7), 8.12 (8.10), 8.11 (8.9), 7.13 i PEng

VECKA 12

TÖ4 sista bonustillfälle för Lab 2 samt arbete med Lab 3

Fö 7 Grafiska användargränssnitt. Kap 9-10 i PEng

Ö7 Programmering, t.ex. uppgifterna 9.1, 9.5, 10.2, 10.11 i PEng

TÖ5 Arbete med eller redovisning av lab 3. Påbörja lab 4

Fö 8 Ickelinjära ekvationer.

Iterationsmetoder: Newtons metod, fixpunktsmetoden

Kap 3 i GNM

Störningsräkning

Ö8 Urval av: K3-1, K3-4, K3-9, uppgifterna 2.2, 2.7, 2.10 i Ex (Reserv: 2.11, 2.13, 2.15, 2.22 samt 3.1 och 3.2 i Ex)

Frågor, diskussion och tips om Lab 4

VECKA 13**TÖ6** Sista bonustillfälle för lab 3. Arbete med lab 4**TÖ7** Arbete med lab 4**Fö 9** Approximation (Interpolation), kap.4 i GNM, speciellt material om minsta kvadratmetoden.**Ö9 Minsta kvadratmetoden:** Urval av K4-10, K4-11, K4-13, EX 4.2, 4.3a, 4.6, 4.7, 4.9, 4.12, 4.13, 4.14**Interpolation:** Urval av K4-17, 4-18, 4-21, EX: 5:1 (med kalkylator), 5.3, 5.7**TÖ8** Extra terminalövning. Arbete med Lab 4.**PÅSKLOV****VECKA 15–19****Fö 10** Numerisk integration, kap 5 i GNM

Numerisk derivering

Ö10 Urval av: K5-4, 5-7, EX: 6:1, 6:2 a enl lösn + med quadl, 6.3a, 6.4, 6.9, 6.10, 6.5

Frågor, tips samt diskussion om Lab 4

TÖ9 Sista bonustillfälle för lab 4. Börja med lab 5.**Fö 11** Numerisk lösning av differentialekvationer. Begynnelsevärdesproblem: lösningsbanor, Eulers metod, Runge-Kuttas metod, noggrannhetsbedömning.**BEGREPP:** Diskretisering, konvergens.**MATLAB :** `ode23`, `ode45`.**Ö11** Urval av: K6-3, Ex: $y' = 1/y^2 - yx$, $y(1) = 1.2$ Räkna några steg med framåt Euler för hand, därefter Matlab, Euler utan egendefinierad funktion samt variant med `ode23`, EX 7.1, 7.4Extra (1): Visa hur problemet $y' = \sin(t) + y$, $y(0) = 0$, $t \in (0, 1]$ löses med bakåt och med framåt Eulers metod, och verifiera att båda metoderna konvergerar med ordningen 1.Extra (2): Betrakta problemet $y' = -te^{-y}$, $t \in (0, 1]$, $y(0) = 0$. Bakåt Euler metoden kräver att en icke-linjär ekvation löses vid varje steg,

$$u_{n+1} = u_n - ht_{n+1}e^{-u_{n+1}} = \phi(u_{n+1})$$

och lösningen u_{n+1} kan erhållas m.h.a. fixpunktiteration. För vilka h konvergerar fixpunktsiterationerna?

Frågor, tips samt diskussion om Lab 5

Fö 12 Numerisk lösning av differentialekvationer (forts). Stabilitet.

Ö 12 Urval av: 7.11, 7.12, 7.10, K6-5, EX 7.9, 7.8. Reserv: överhoppade tal.

TÖ10 Extra terminalövning. Arbete med lab 5.

Fö 13 Randvärdesproblem: bandmatrismetoden. Något om stora linjära ekvationssystem.
Icke-linjära ekvationssystem.
Särskilt material om Newtons metod för system.

TÖ11 Arbete med lab 5

Fö14 Datorn som verktyg vid numeriska experiment. Exempel på hur fel i indata påverkar noggrannheten i utdata. Tillförlitlighetsbedömning, felfortplantning, och experimentell störningsanalys (kompletterande material).
Linjära ekvationssystem: algoritmer, antal operationer, normer, konditionstal, störningsanalys. Illakonditionering.

Ö 13 Urval av:

EX 7-16 (bandmatrismetod).

Extra uppgift (Quarteroni & Saleri, Ex. 8.4), bandmatrismetod:

Ställ upp systemmatrisen och högerledet för r.v. problemet

$$-u''(x) + \delta u'(x) + \gamma u(x) = f(x), \quad u(a) = \alpha, \quad u(b) = \beta$$

Reserv: Skriv ett Matlab-program för att lösa detta problem.

Reserv: överhoppade tal.

Frågor, tips och diskussion om Lab 5

TÖ12 Arbete med lab 5

Fö15 Reservtid. Repetition.

TÖ13 Sista bonustillfälle för lab 5

Ö 14

EX 3.9, K4-25, EX 3.10

Extra (K3-15 ur gamla GNM): För en vektorvärd funktion F av 3 variabler x_1, x_2, x_3

vet man: För $x = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix}$, $F = \begin{pmatrix} 10.1 \\ -0.2 \\ 4.8 \end{pmatrix}$ och $\frac{dF}{dx} = \begin{pmatrix} 4 & 1 & 0 \\ 1 & 5 & 2 \\ 0 & 1 & 2 \end{pmatrix}$.

Beräkna en approximation till $F(W)$ då $W = (1.01 \quad 1.99 \quad -1.01)^T$.

Reserv: överhoppade tal.

TÖ14 Projektarbete

F16 Sammanfattning, repetition, tentaförberedelse, fk-kurser

VECKA 20

Ö15 Felanalys: Urval av: K2-4, 2-6, 2-15 (endast cancellation), EX 8.7, K2-21. Reserv: EX 2.11

Linjära ekvationssystem: Urval av: K4-3, K4-4, K4-7, EX 3.5. Reserv: EX 8.11, K4-1

Reservtid för ej räknade problem och repetition.

TÖ15 Projektarbete

TÖ16 Projektarbete, redovisning.

VECKA 21

TÖ17 Projektarbete, redovisning.

Sista dag för projektredovisning, ons 23/5.

F17 Repetition. Tips om projektet inför redovisningen.

VECKA 22

Tentamen i NumProg mån 28/5, kl 9-12 i E-, L- och M-salar.

Laborationer

Totalt 6 obligatoriska laborationer ingår i kursen.

Under terminalövningarna kommer vi att arbeta med laborationerna. Ni kommer helt säkert **inte att hinna med allt** som begärs under dessa terminalövningspass utan måste avsätta ytterligare tid för arbete med dem. Vid terminalövningarna skall Ni arbeta självständigt, men har förmånen att ha flera handledare tillgängliga för konsultationer och redovisningar.

En teknolog som aktivt följer kursen, har rätt förkunskaper och arbetar regelbundet med labuppgifterna bör klara av hela labdelen av kursen med en arbetsinsats om ca 160 tim. Detta innebär ca 5-7 tim eget arbete per vecka förutom den schemalagda tiden. Arbetsbelastningen kan varieras från vecka till vecka.

Vi använder ett bonussystem för att uppmuntra eleverna att ligga i fas med undervisningen. Om laborationerna genomförts och redovisats i tid kan bonuspoäng erhållas enligt nedanstående uppställning.

Totalt kan ni ha maximalt 4 tentamenspoäng (bonuspoäng) med er till tentamenstillfället. Vi kommer inte att ha några kontrollskrivningar.

Tentamen

Tentamen omfattar max 35 p och skrivtiden är 3 timmar.

Momentet TEN1 ger 2 poäng (av kursens totala 6 poäng).

Hjälpmedel: Användarhandledning för MATLAB på Nada.

Tentamen består dels av några mindre räkneuppgifter, dels av några små teoretiska uppgifter, samt av någon/några uppgifter som utgörs av algoritmbeskrivning i Matlab. Några av talen på kursens ordinarie tentamen kan anknyta till någon/några av laborationsuppgifterna.

Betygsregler (ECTS-betyg)

Betyg D: minst 20p på tentamen, inklusive bonuspoäng (max 4p)

Betyg C: över 26p på tentamen, inklusive bonuspoäng (max 4p)

Betyg B: över 29p på tentamen, inklusive bonuspoäng (max 4p)

Betyg D översätts till betyg 3, och C och B ger betyg 4.

På tentamen ges inte högsta betyget A (eller 5), men genom att göra projektets extra uppgift kan man höja sitt slutbetyg ett steg.

Komplettering för nästan godkända (FX): inom 3 veckor efter tentamensresultatet har anslagits har de som har uppnått mellan 18p och 19.5p, möjlighet att komplettera till det godkända betyget E (betyg 3).

Bonuspoäng från laborationerna senaste gången kursen gavs för P1 får tillgodoräknas. Bonuspoäng gäller bara ett år (fram till nästa kursstart).

Sista datum för BONUS för laborationer

Lab 1 + 2	Tö1 + mån 19/3 (Tö4)	1p	redovisas vid datorn
Lab 3	Tö6, mån 26/3	1p	redovisas vid datorn
Lab 4	Tö9, fre 13/4 (P1) och tor 19/4 (T1)	1p	redovisas vid datorn
Lab 5	Tö13, ons 9/5 (P1) och tor 10/5 (T1)	1p	redovisas löpande vid datorn

samt Lab 6P (projekt), inlämningsrapport, inlämnas senast den 23/5 2007.

Laborationerna är obligatoriska så slutbetyg i kursen kan ej erhållas förrän samtliga laborationer blivit godkända.

Kursutvärdering

En kursutvärdering kommer att göras i slutet av kursen. Synpunkter kan även lämnas direkt till Staffan eller Beatrice, eller via e-mail.

Tentamen i NumProg: mån 28/5, kl 9–12 i E-, L- och M-salar.