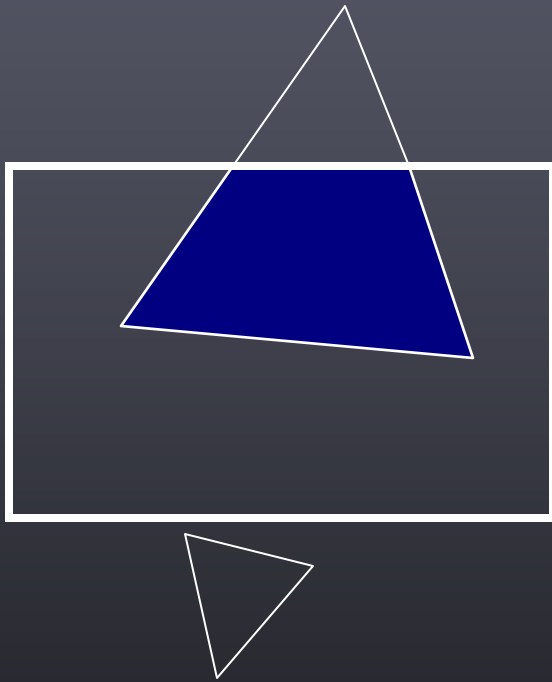




# Rastrering och displayalgoritmer

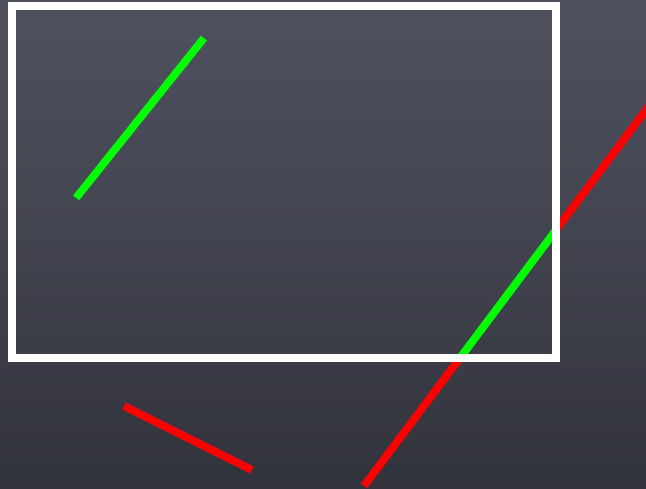
Gustav Taxén  
[gustavt@csc.kth.se](mailto:gustavt@csc.kth.se)

# Klippning



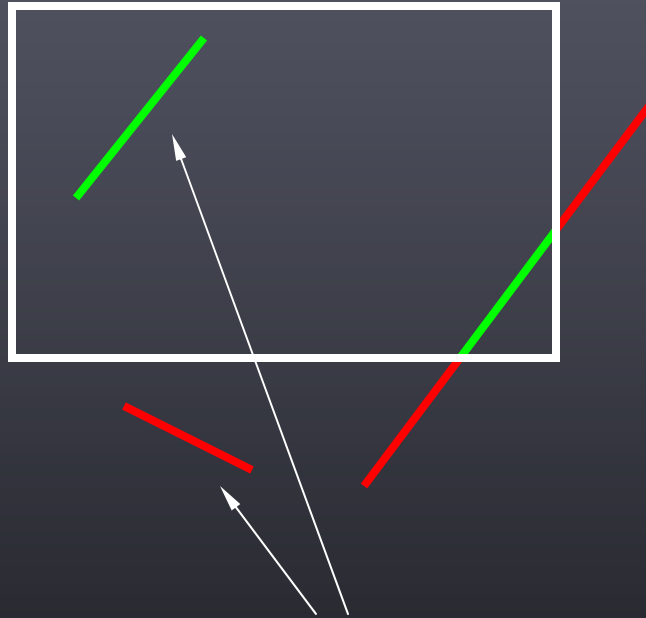
Man vill undvika att rastera de primitiver som hamnar utanför fönstret. Man vill också undvika att rastera delar av primitiver som hamnar utanför fönstret.

# Klippning i 2D: Linje mot fönster



Målet är att så tidigt som möjligt avgöra om en linje ligger helt innanför eller helt utanför fönstret.

# Klippning i 2D: Cohen-Sutherland



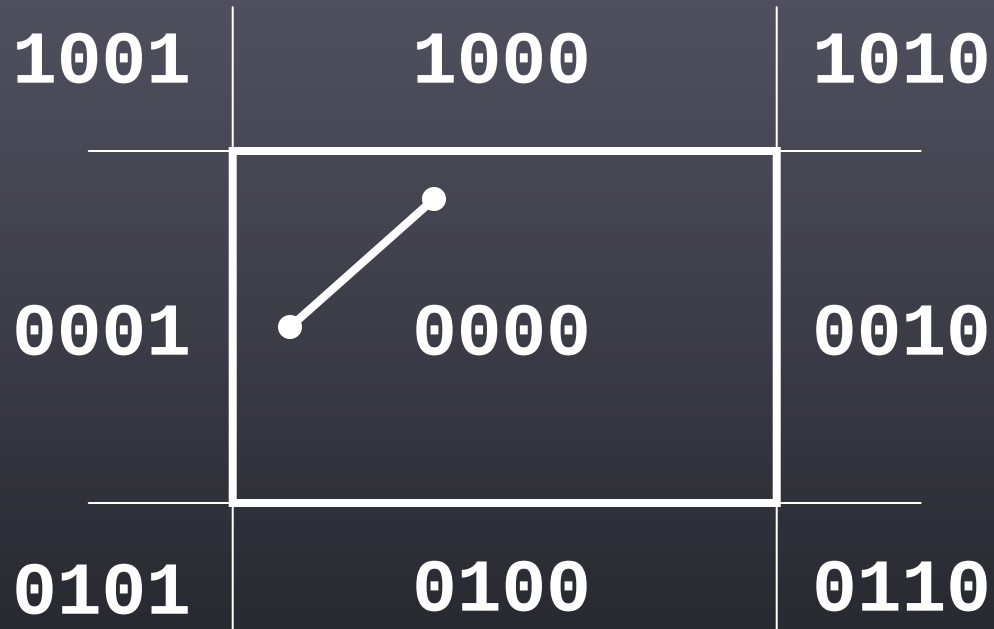
Det vore bra om vi slapp beräkna  
korsningspunkterna mellan linje och fönsterram där  
det inte behövs!

# Klippning i 2D: Cohen-Sutherland

|             |             |             |
|-------------|-------------|-------------|
| <b>1001</b> | <b>1000</b> | <b>1010</b> |
| <b>0001</b> | <b>0000</b> | <b>0010</b> |
| <b>0101</b> | <b>0100</b> | <b>0110</b> |

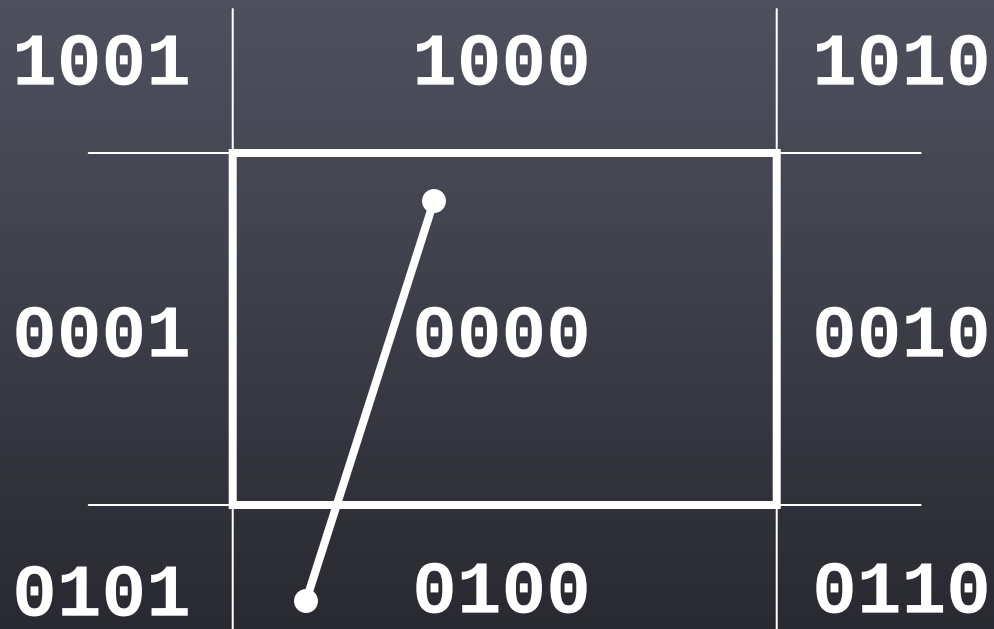
Dela planet i 9 delar.  
Tilldela en särskild  
bytekod till varje del.  
Kontrollera sedan  
vilka bytekoder  
linjens slutpunkter har.

# Klippning i 2D: Cohen-Sutherland



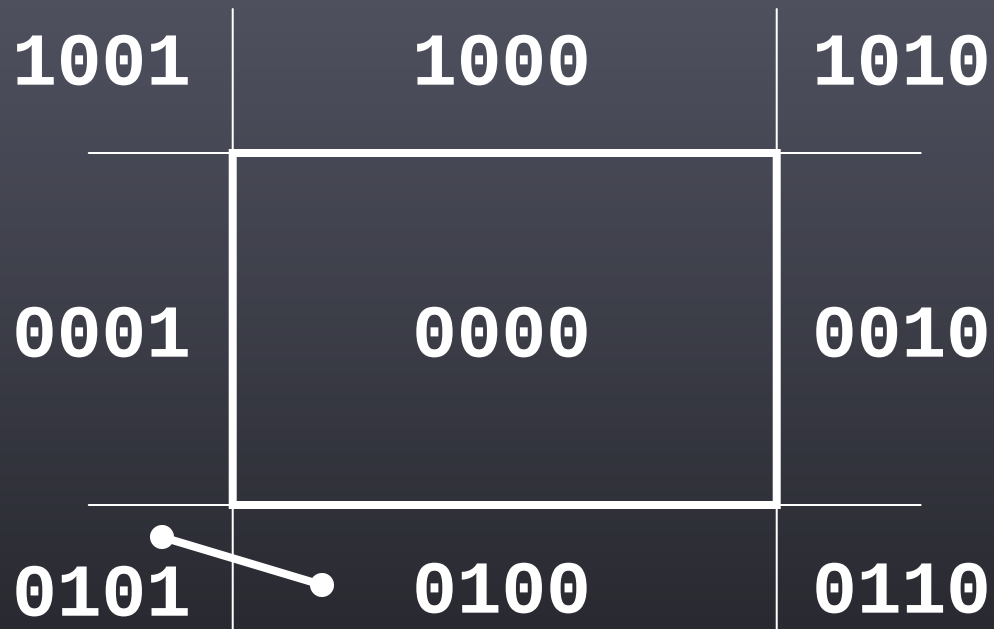
Båda har kod **0000**:  
Linjen ligger i fönstret.

# Klippning i 2D: Cohen-Sutherland



En har kod **0000**,  
den andra inte.  
Linjen måste klippas  
mot fönstret.

# Klippning i 2D: Cohen-Sutherland



$0101 \text{ AND } 0100 \neq 0000$   
Linjen syns inte i fönstret.

# Klippning i 2D: Cohen-Sutherland



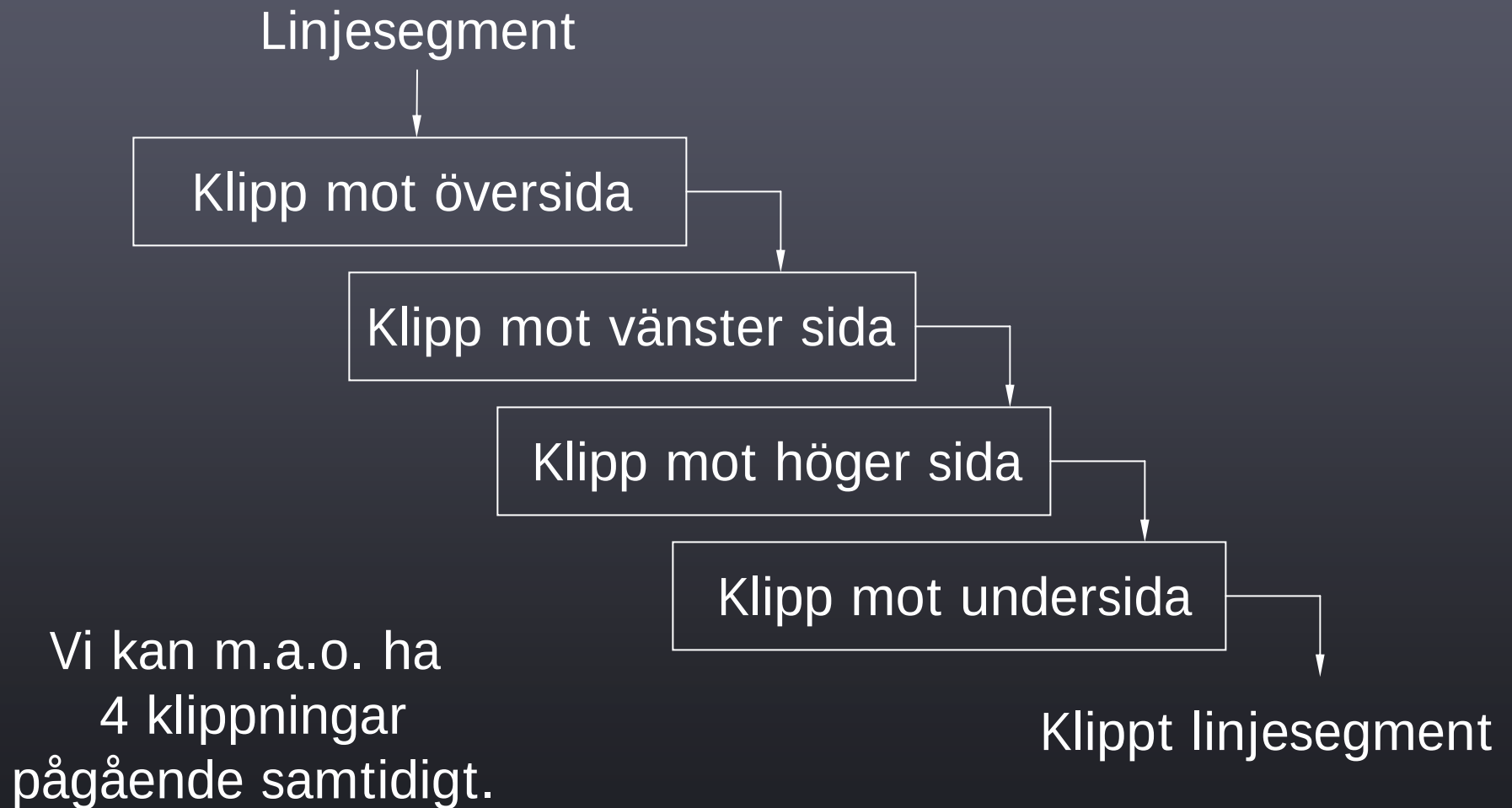
$0001 \text{ AND } 0100 = 0000$   
Linjen kanske behöver  
klippas mot fönstret.

# Klippning i 2D: Sutherland-Hodgeman



Klipp mot fönstrets kanter var och en för sig i steg.

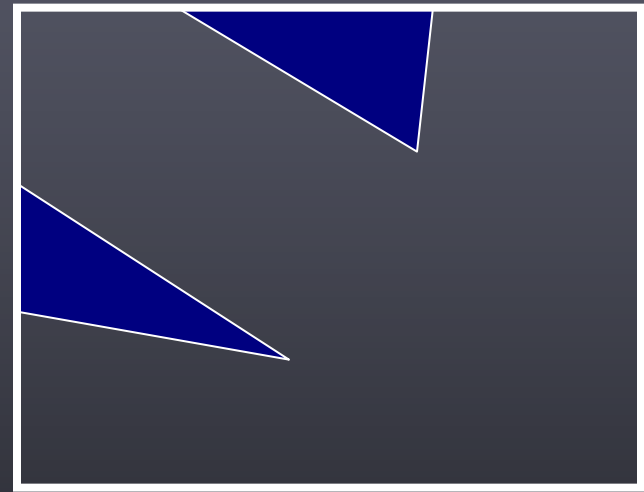
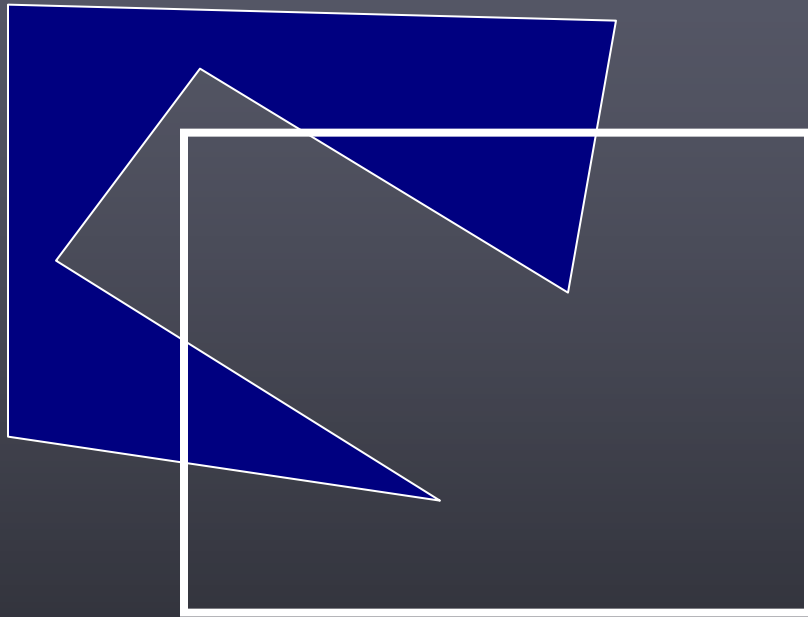
# Klippning i 2D: Sutherland-Hodgeman



# Klippning i 2D

- Fler algoritmer i boken!

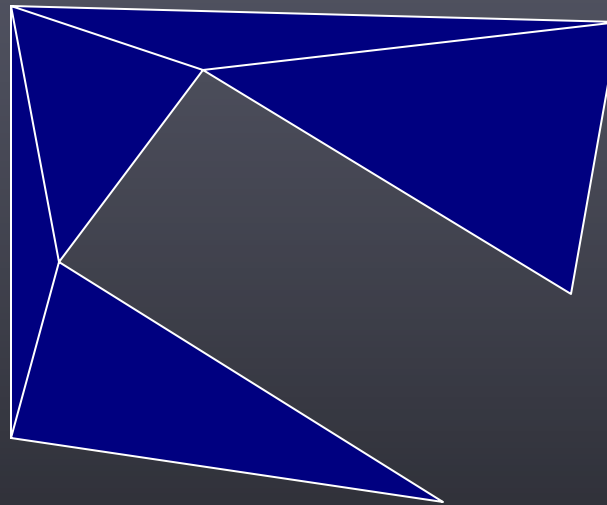
# Konkava polygoner = problem!



Konvex: för två punkter i polygonen gäller att linjen mellan dem ligger helt inuti polygonen.

Konkav: alla andra polygoner.

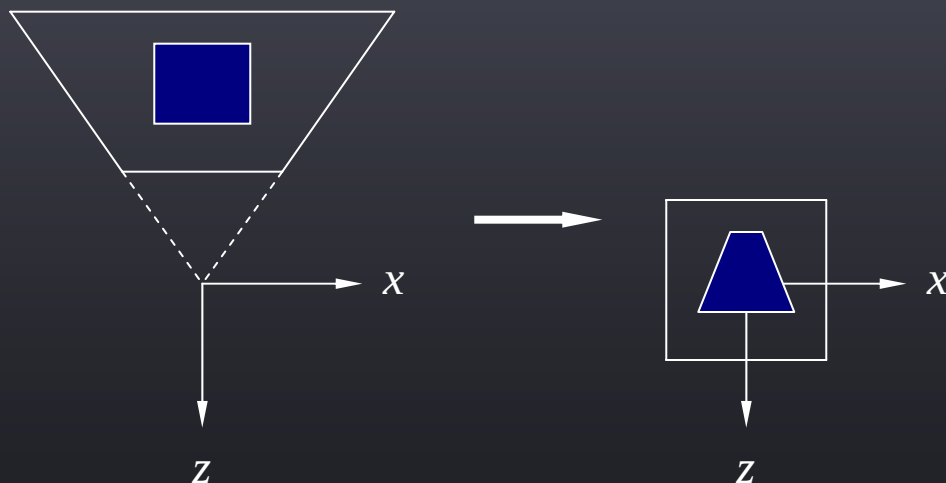
# Uppdelening i konvexa polygoner (tessellation)



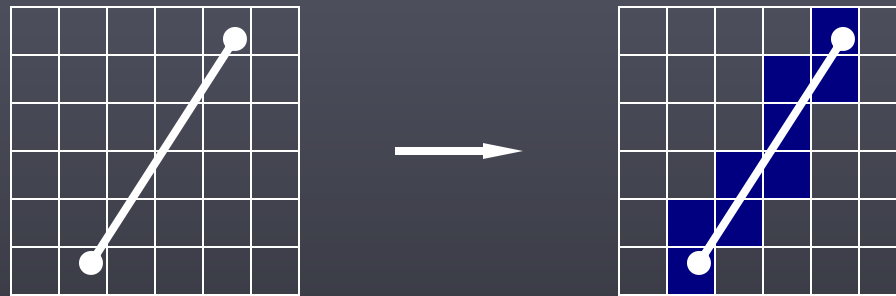
# Klippning i 3D

Man vill att klippning ska ske mot en kub, eftersom man då trivialt kan utöka föregående klippalgoritmer till 3D.

Det är därför OpenGLs perspektivmatris ser ut som den gör!

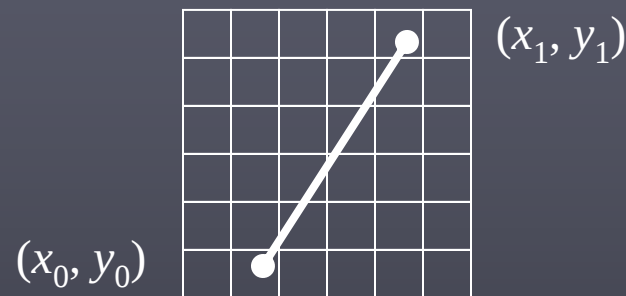


# Rastrering



Diskretisering av en matematisk linje  
eller polygon.

# Rastrering av linjer: Digital Differential Analyzer (DDA)

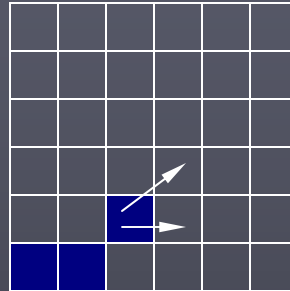


Låt linjens lutning vara  $m = (y_1 - y_0) / (x_1 - x_0)$  och  
antag att  $0 < m < 1$ .

Sätt  $x = x_0$  och  $y = y_0$ .  
För varje  $x = x + 1$ , låt  $y = y + m$ .  
Avrunda och rita ut pixel.

Övriga  $m$  löses analogt.

# Rastrering av linjer: Bresenham



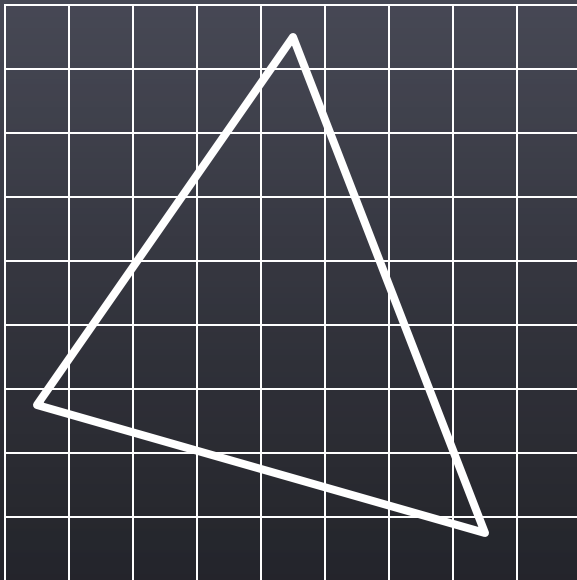
Liknar DDA men utan flyttalsoperationer.

Går ut på att, givet att vi står i en pixel, ta reda på om vi ska flytta ett steg till höger eller ett steg upp + ett till höger.

Analogt för andra lutningar.

# Rastrering av polygoner

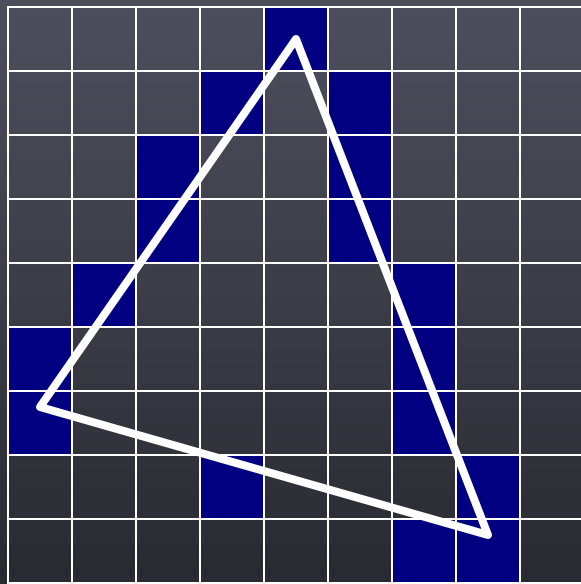
Trianglar är alltid konvexa! - Enklare att rastra!  
Så dela först alla polygoner i trianglar.  
Rastrera sedan varje triangel för sig.



Det vore smidigt om vi  
kunde fylla triangeln  
rad för rad.

Vi kan då också enkelt  
interpolera värden över  
triangeln.

# Rastrering av polygoner

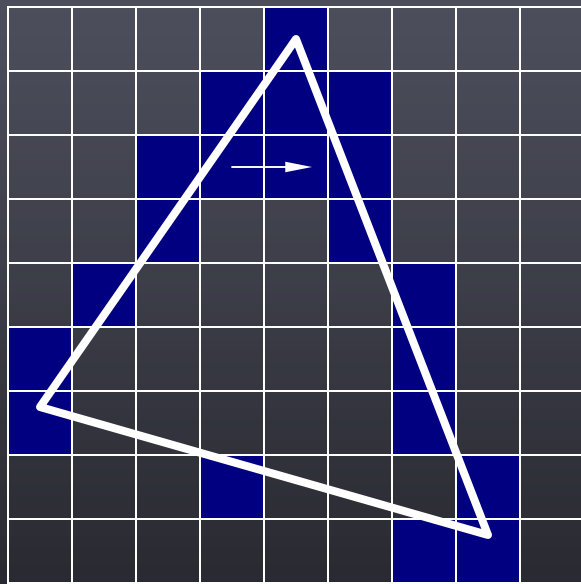


Använd DDA eller Bresenham för att hitta de  $x$ -värden som triangeln korsar för varje rad.

Lagra samtidigt interpolerade värden längs med kanterna.

Sortera m.a.p.  $x$ -värden.

# Rastrering av polygoner



För varje rad som påverkas,  
fyll och interpolera samtidigt  
värden från vänster till höger.

# Rastrering av polygoner

Linjär interpolation

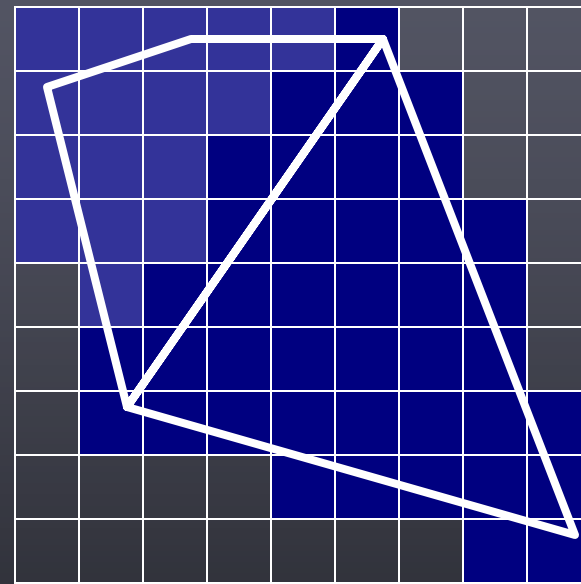
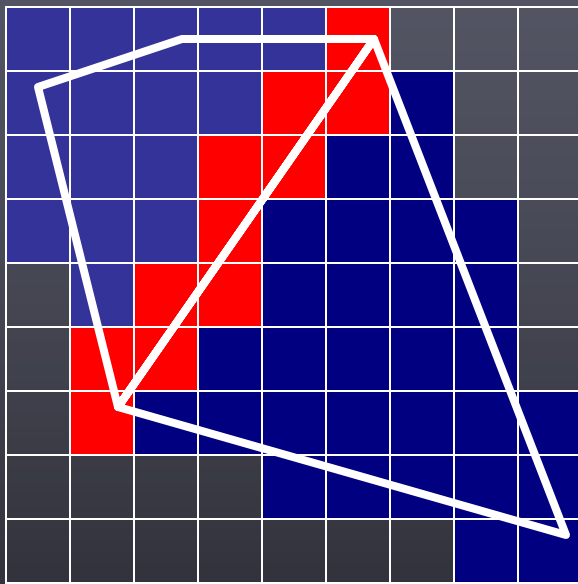
Perspective-correct

Linjär interpolation gör att texturer och ljussättning ser fel ut.

Lösningen är att använda "rational linear interpolation".

Om texturkoordinaterna är 4-dimensionella homogena koordinater kan korrigeringsfaktorn lagras på ett sådant sätt att det sedan räcker med linjär interpolation.

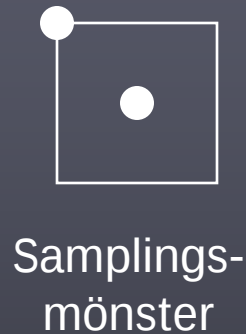
# Rastrering av polygoner



Komplikation...

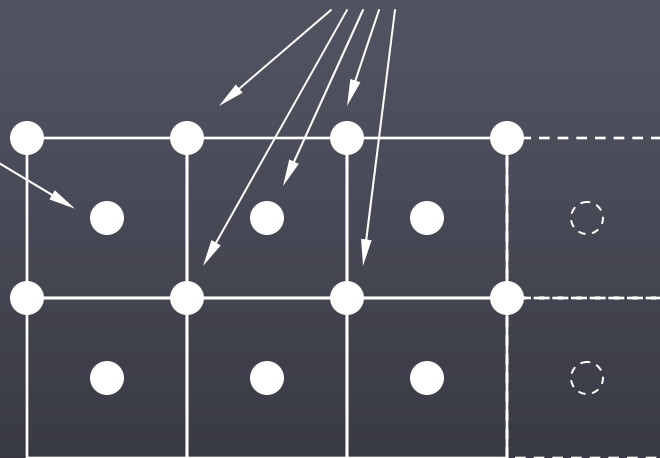
Om två polygoner delar en kant ska  
bara den ena fylla i pixelpunkterna!  
Annars funkar inte t.ex. färgblandning.

# Multi-Sample Anti-Aliasing (MSAA)



Beräkna  
först pixelvärdena  
för samplings-  
punkterna...

...använd sedan  
5 värden vid  
filtreringen!

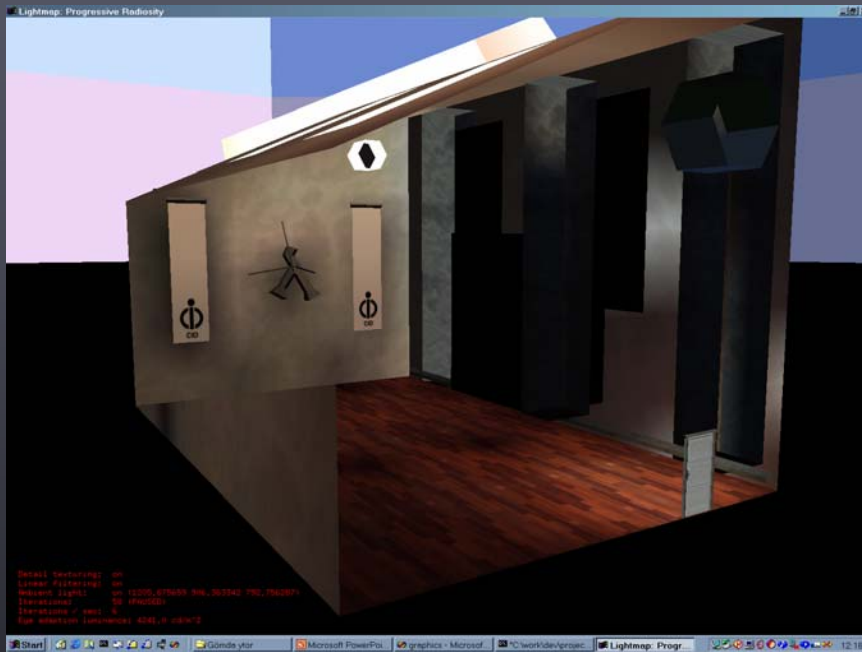


Kräver mer minne i bildbufferten (x2 i det här fallet).

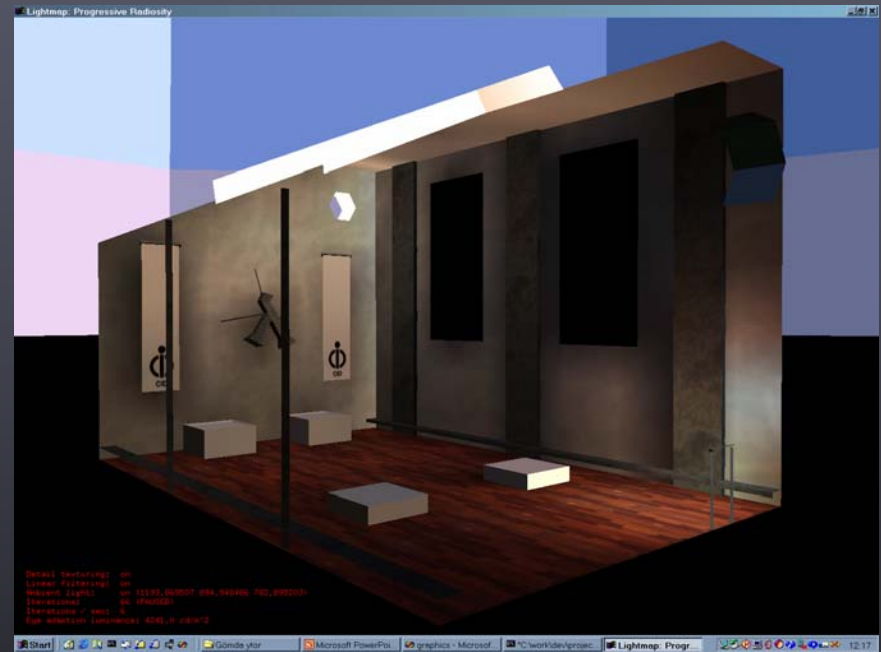
Det finns andra varianter av antialiasing också.

Ofta är samplingsmönstren olika för texturer och geometri.  
Normalt tar man fler samplingar av texturer än geometri.

# Borttagning av skymda ytor

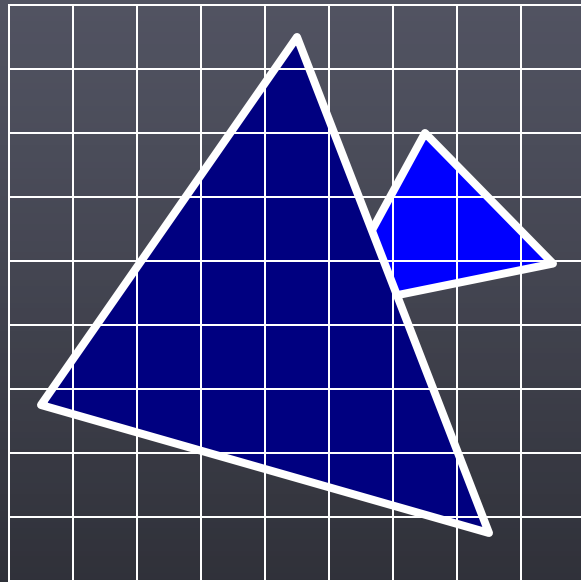


Före...



# After!

# Bildrymd vs. objektrymd



Bildrymd:  
Ta bort skymda ytor  
i rasteringssteget.



Objektrymd:  
Klipp polygonerna så att bara  
det som kommer att synas  
rasteras.

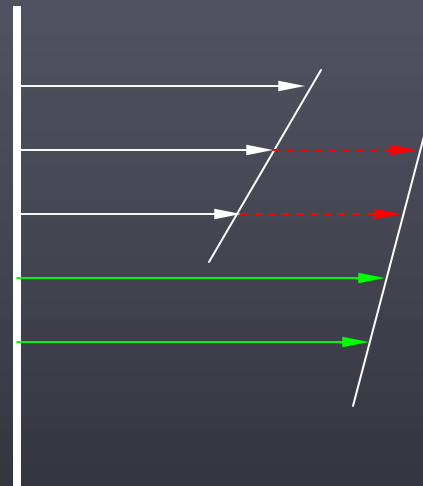
# Detail culling

Rita inte saker som är långt bort!  
Kombineras ofta med någon form av dimma-effekt.

Ultima IX – Ascension, Origin Systems

Morrowind, Bethesda Softworks

# Z-buffring

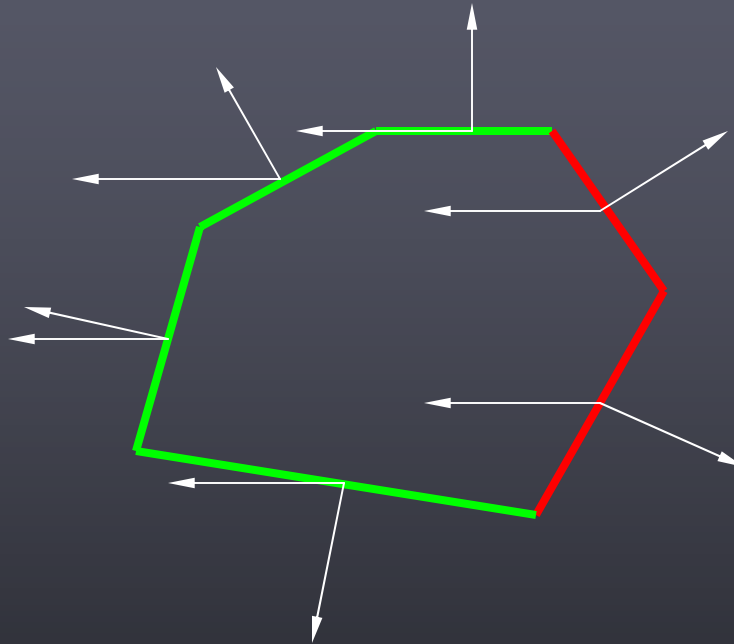


Interpolera och lagra djupvärden för rasterade trianglar. När en pixel rasteras, kontrollera om dess djupvärde är större än det värde som redan finns i bufferten. I så fall syns inte pixeln.

# Z-buffring

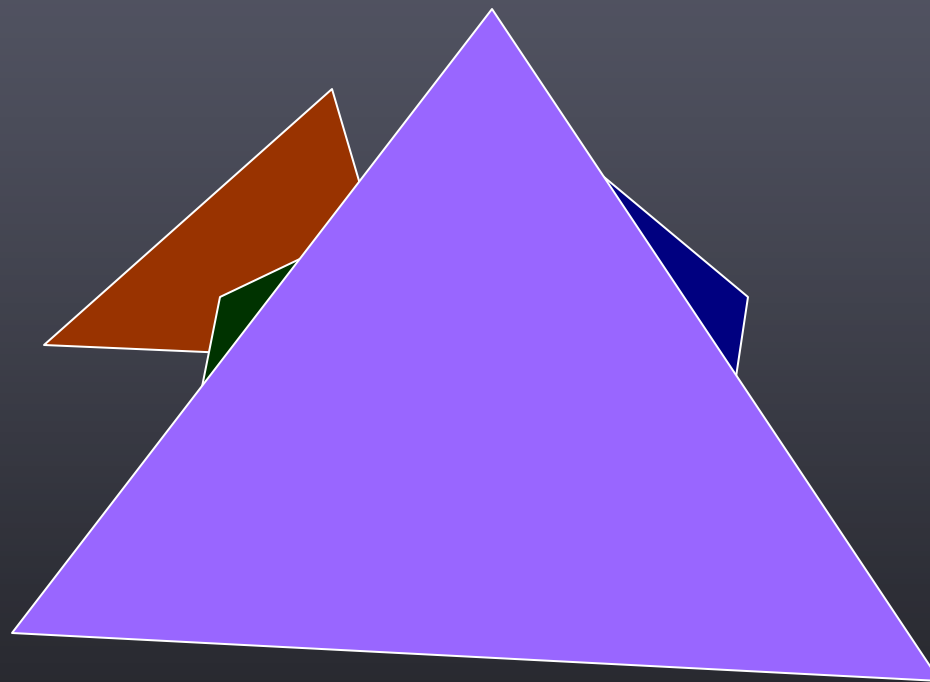
- Fördelar:
  - Effektiv.
  - Funkar oberoende av komplexiteten i det som ritas.
  - Enkel att implementera i hårdvara.
- Nackdelar:
  - Aliasing! 8 bitar  $\Leftrightarrow$  256 distinkta djupvärden.
  - Krävs extra minne på grafikkortet.

# Back-face culling



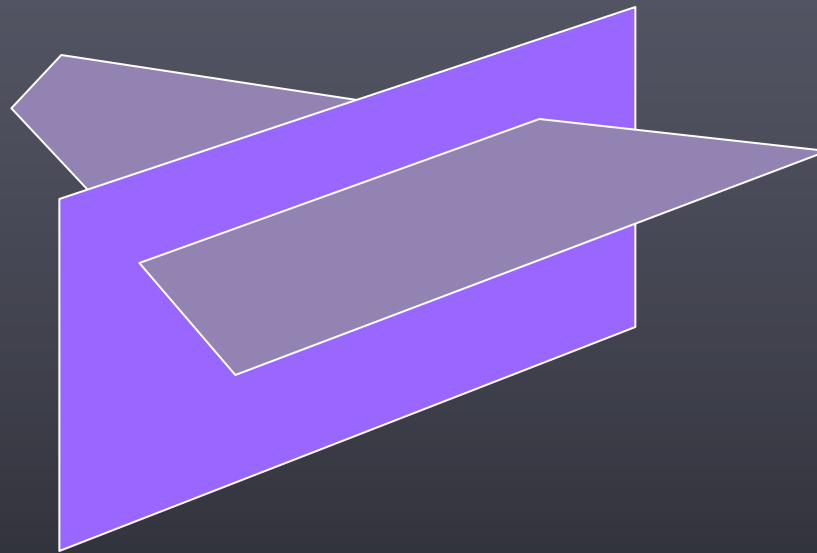
Rita inte om vinkeln mellan kamerariktningen och polygonens normal är större än  $90^\circ$ .  
Funkar då modellerna inte är genomskinliga.  
Tar inte bort alla gömda ytor (förstås).

# Painter's algorithm



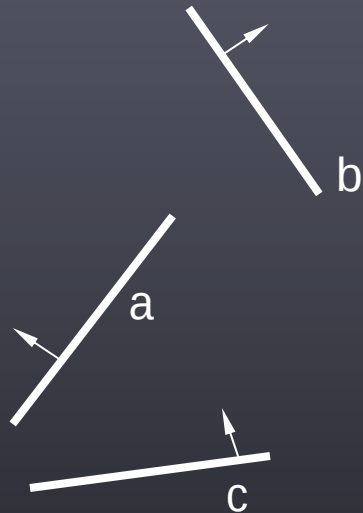
Sortera polygonerna bakifrån och fram.  
Rastrera dem en och en.

# Problem med painter's algorithm

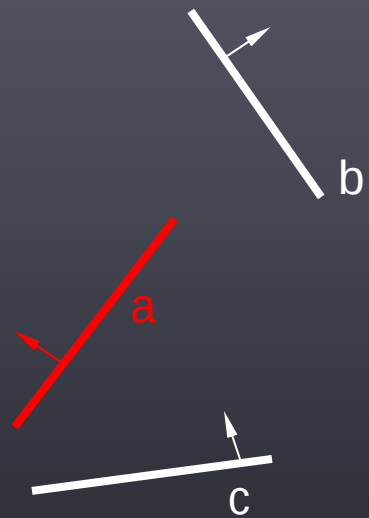


Om två polygoner korsar varandra måste vi  
dela en av dem!

# Binary Space Partitioning Trees (BSP-träd)

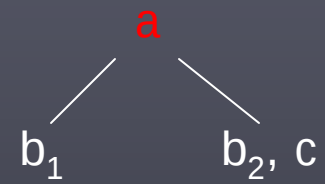
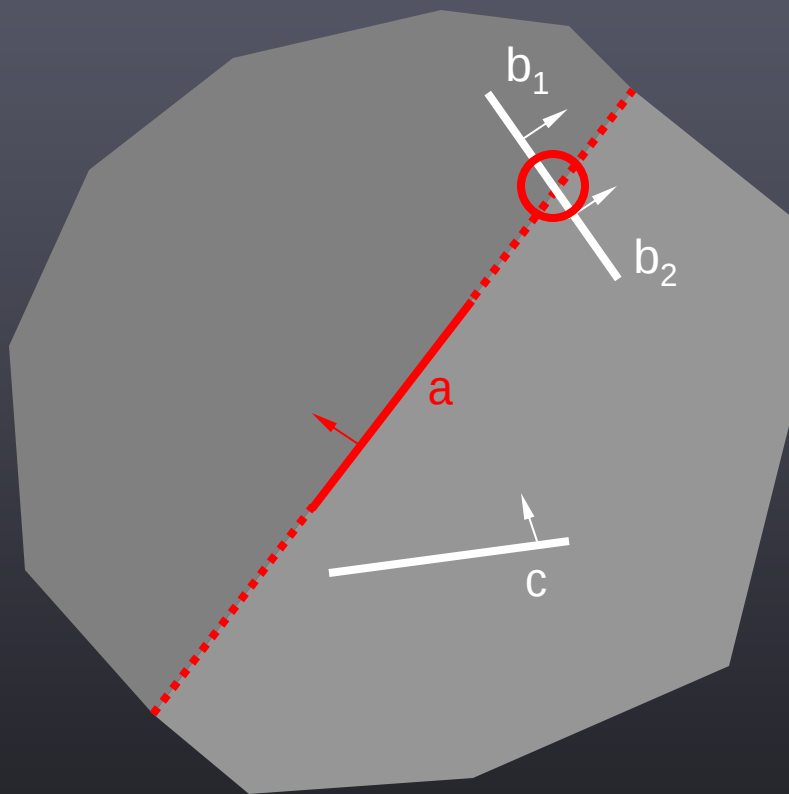


Löser sorteringsproblemet för  
statiska, plana, konvexa polygoner  
(som dock kan ha hur många hörn som helst).

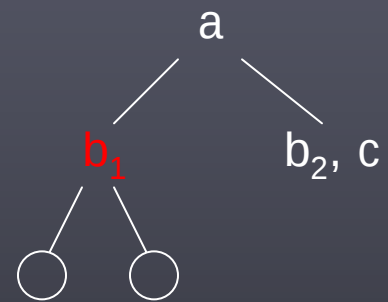
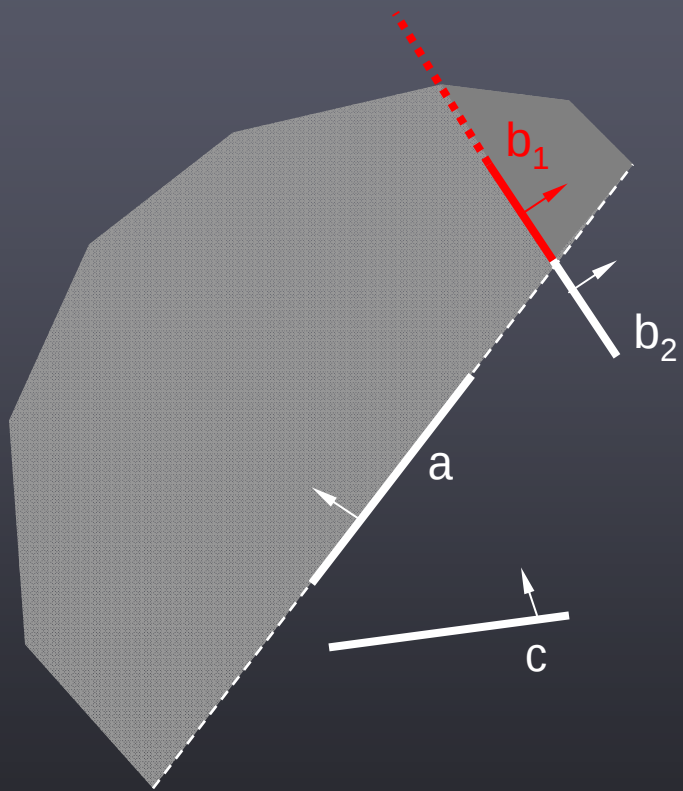


a

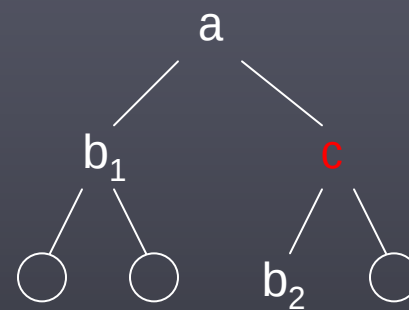
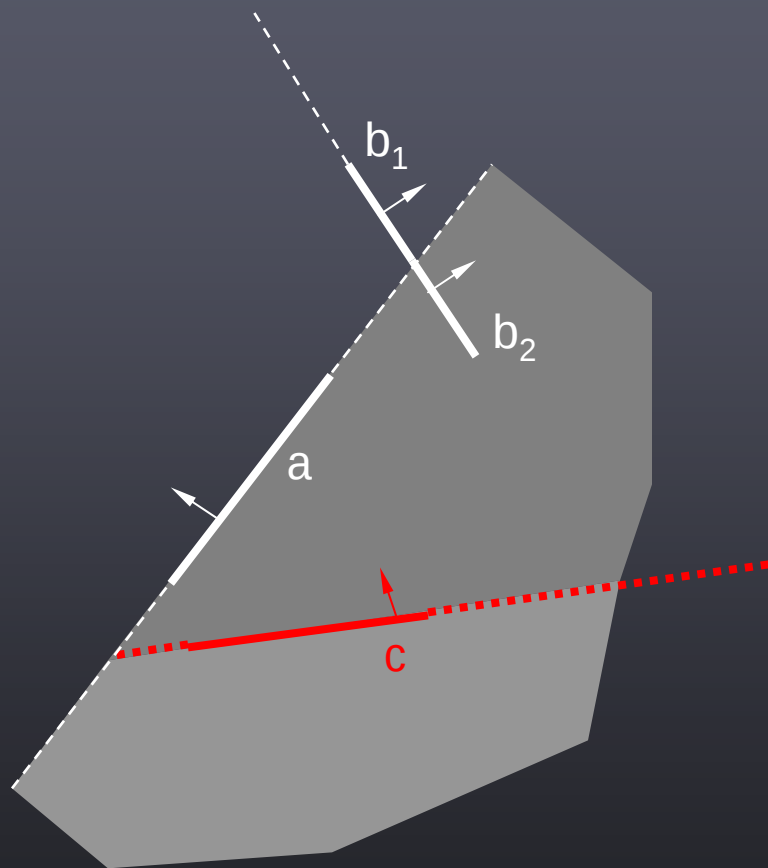
1) Välj en polygon.



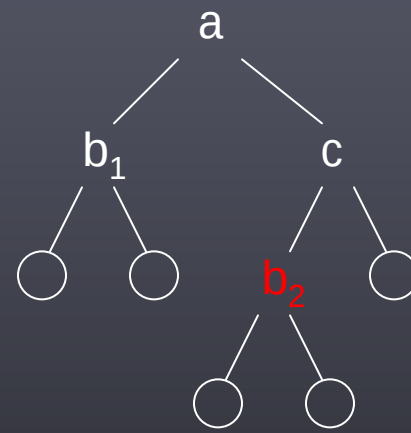
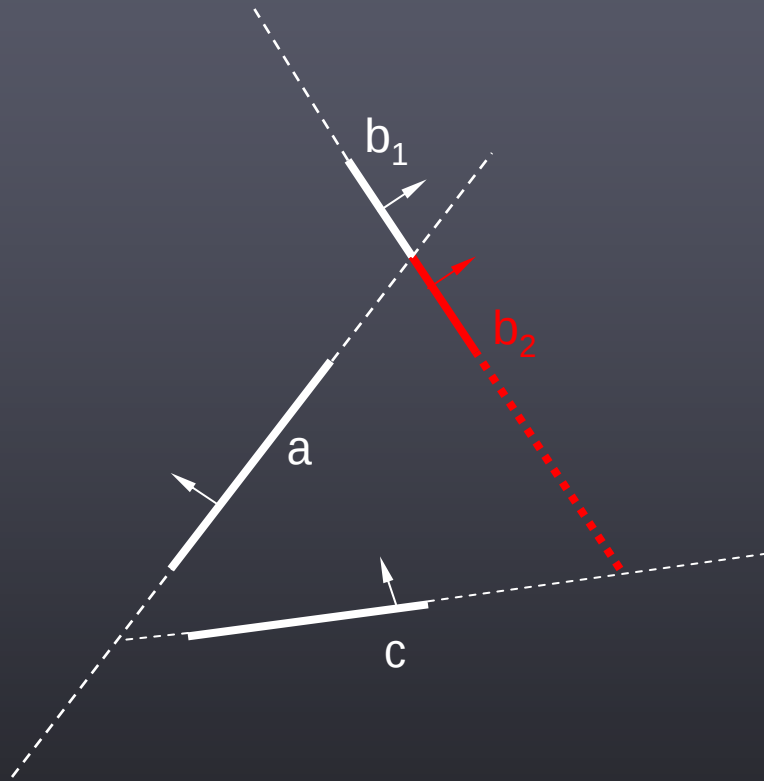
2) Dela rummet i två delar och partitionera.



3) För varje delmängd, gör om rekursivt.

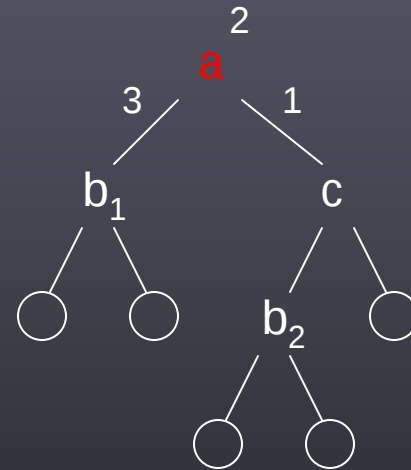
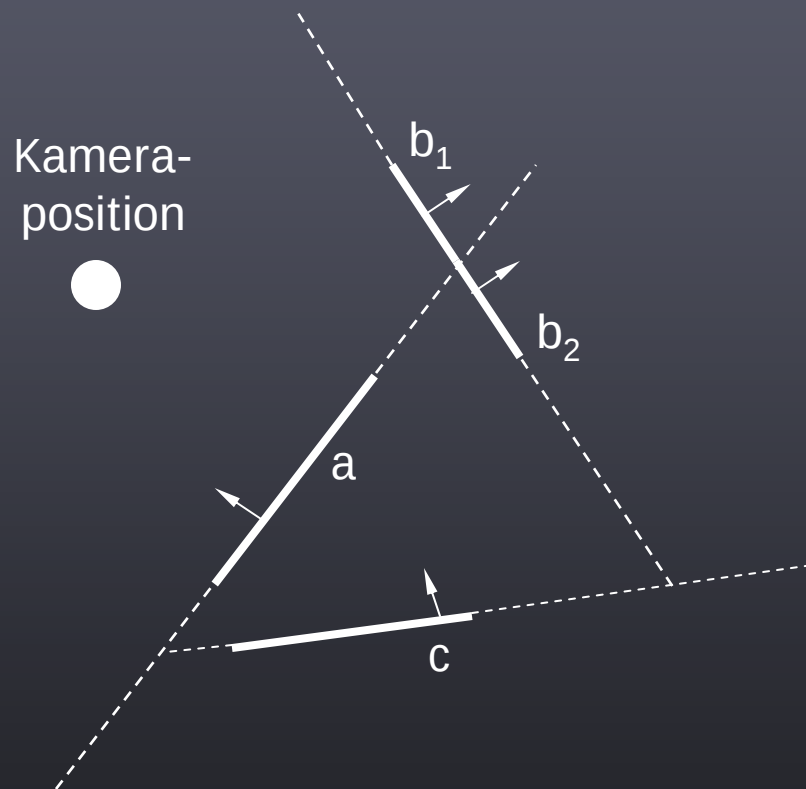


3) För varje delmängd, gör om rekursivt.



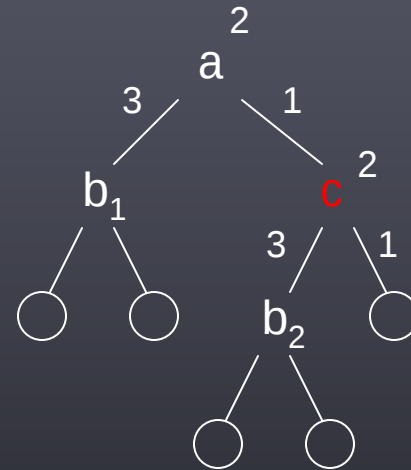
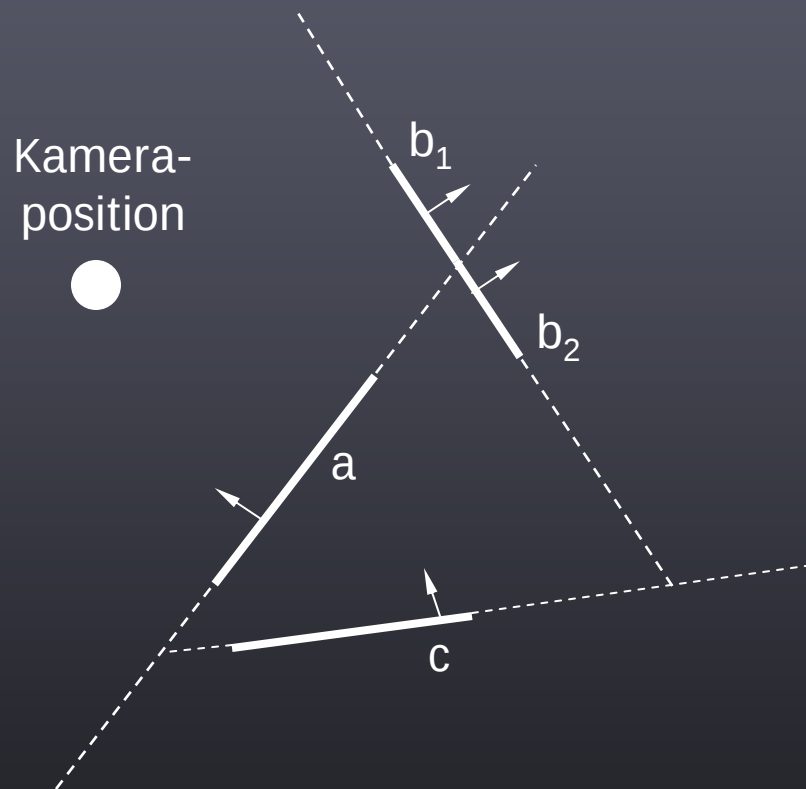
Klart!

# Painter's algorithm och BSP-träd



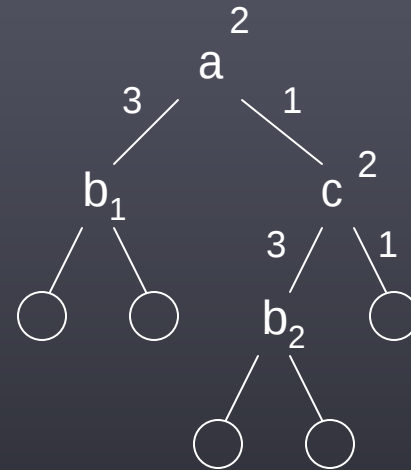
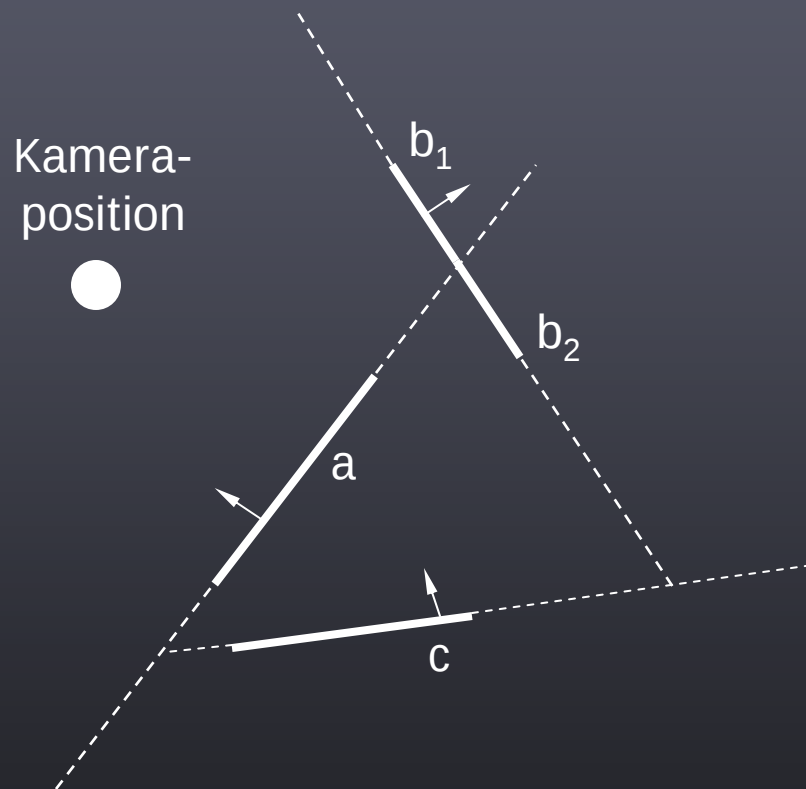
Kameran är framför a, så vi ska först rita ut allt bakom a, sedan a och sist allt framför a.

# Painter's algorithm och BSP-träd



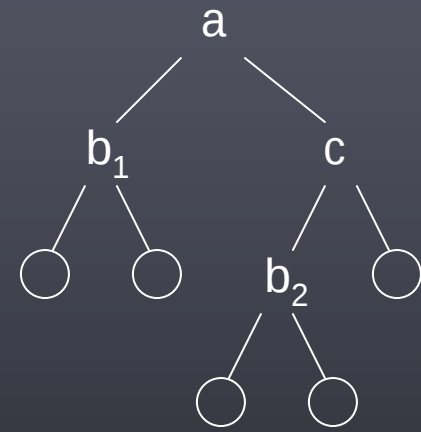
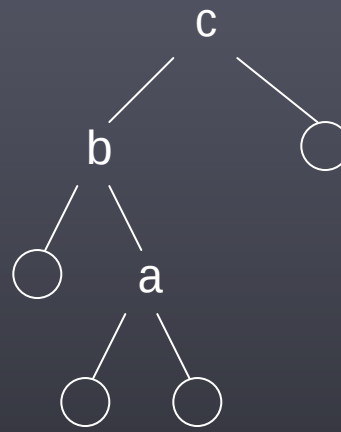
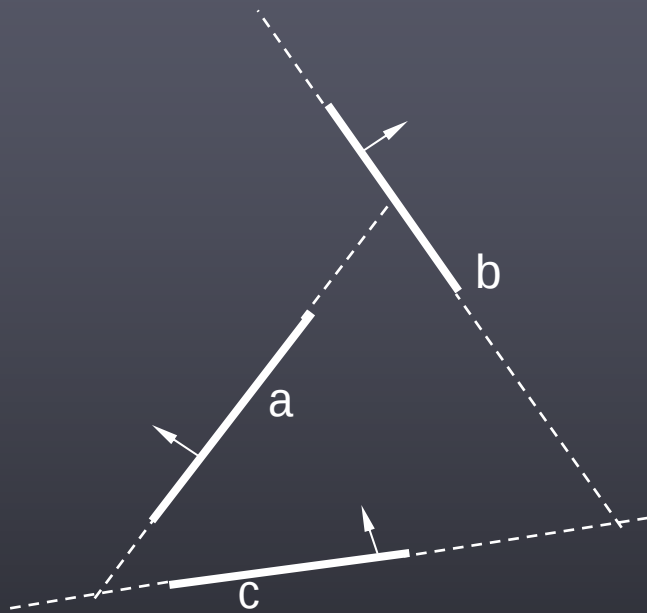
Kameran är framför c, så vi ska först rita ut allt bakom c, sedan c och sist allt framför c.

# Painter's algorithm och BSP-träd



Slutordning: c, b<sub>2</sub>, a, b<sub>1</sub>.

# Val av partitionsplan



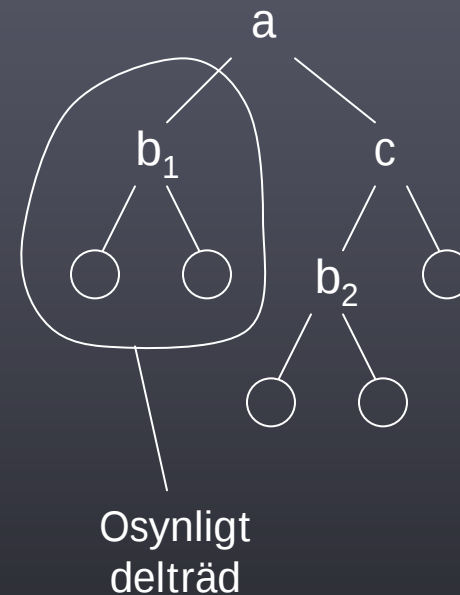
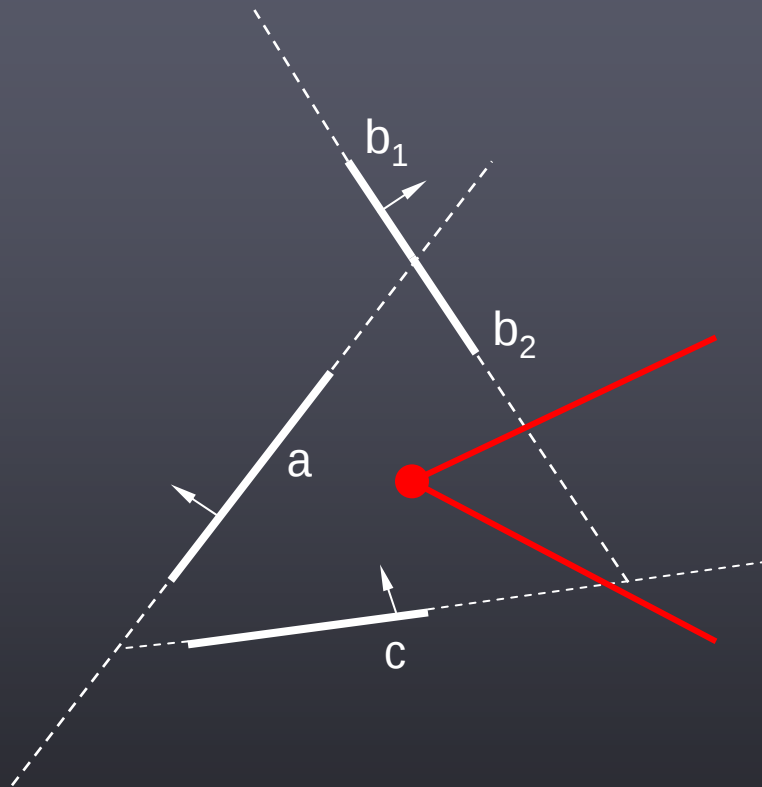
Val av partitionsplan kan ha stor betydelse  
för slutresultatet.

Tumregel: Välj det partitionsplan som skapar  
minst antal polygondelningar.

# Overdraw

- Med painter's algorithm kommer polygoner långt bak att ritas över av polygoner längre fram.
- Betyder att ljussättning, texturering, m.m. appliceras i onödan för de flesta polygoner!
- Detta problem kallas för "overdraw".
- Så varför används BSP-träd om man lika gärna kunde använda z-buffring för att undvika overdraw?

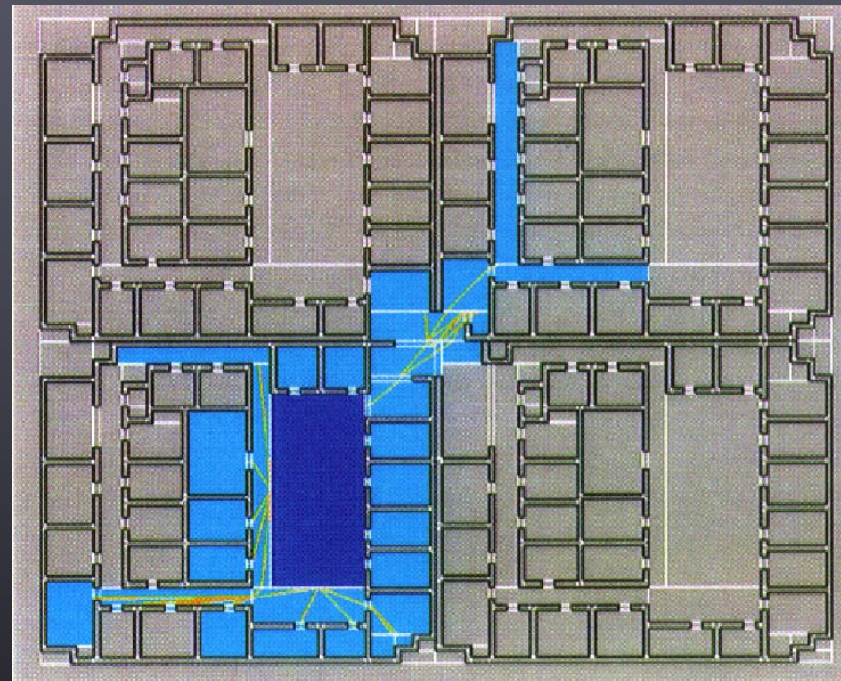
# Kombination av BSP-träd och Z-buffring



Eftersom kamerans frustum inte korsar  $a$ 's plan,  
kan vi strunta i allt som ligger framför  $a$ !  
Använd sedan z-buffring för att undvika overdraw.

# Potentially Visible Sets / Portaler

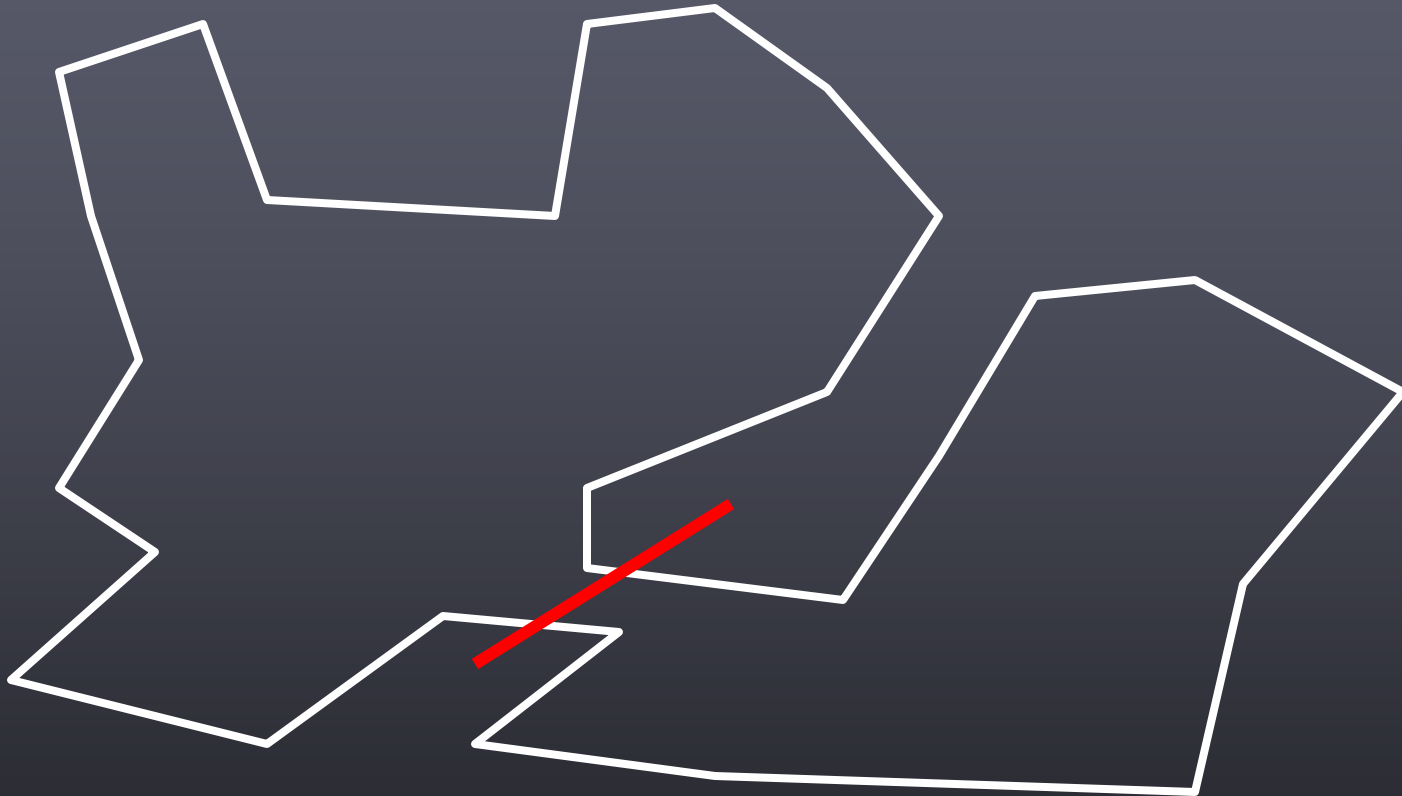
- Närliggande variant:
- Dela världen i celler (kanske m.h.a. BSP-träd).
- För varje cell C, ta reda på vilka andra celler som kan synas från C. Lagra i en lista.
- Vid körning, ta reda på vilken cell kameran är i. Rita den cellen. Rita alla celler i PVS:en.



# Exempel

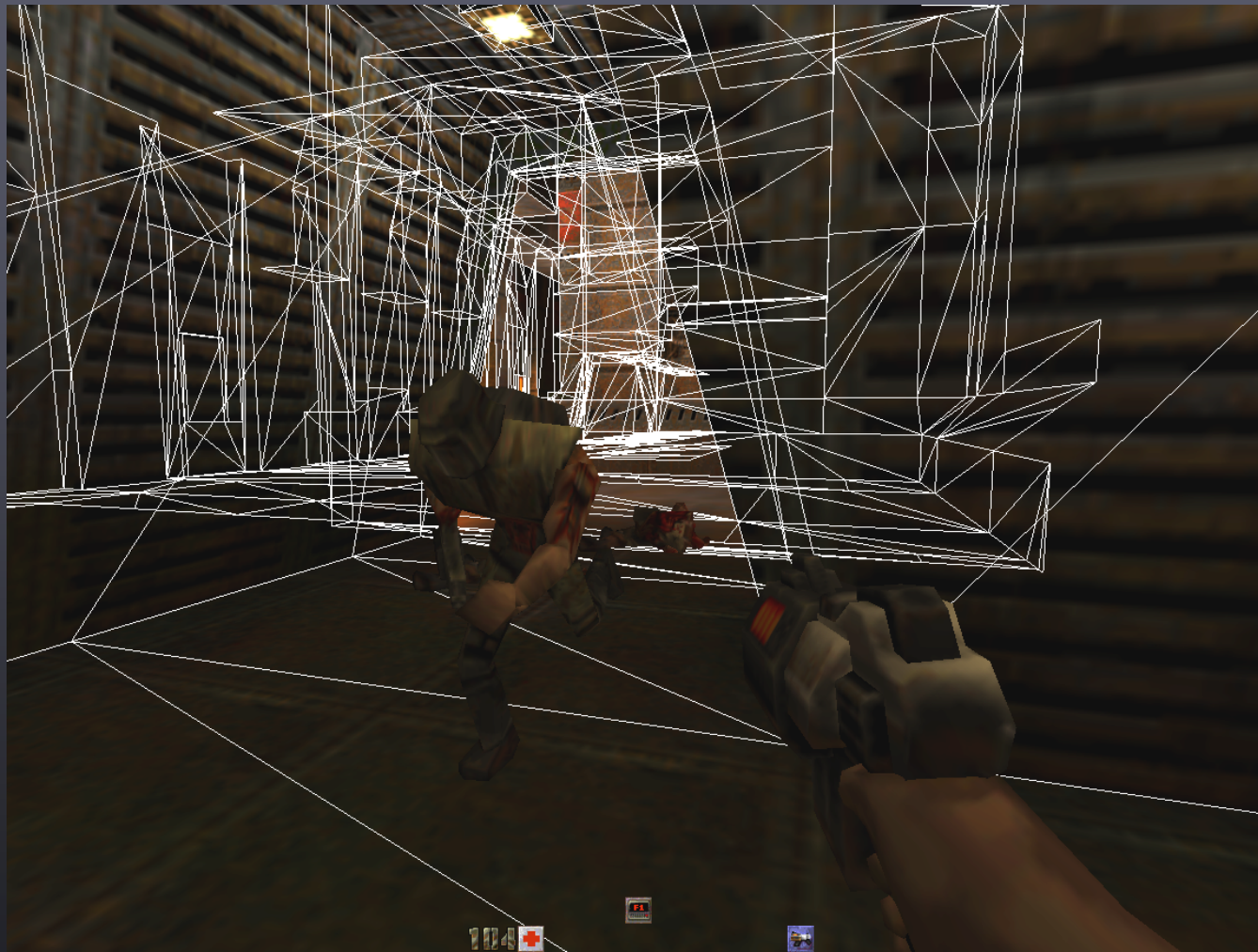
<http://www.cs.virginia.edu/%7Eluebke/publications/portals.html>

# Portaler



Portaler kan specificeras automatiskt med hjälp av algoritmer eller placeras ut för hand i en 3D-editor.

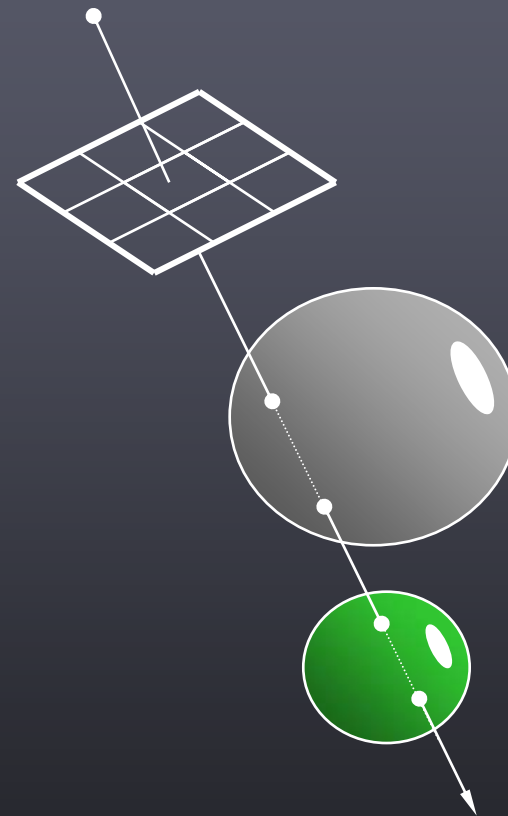
# Portaler



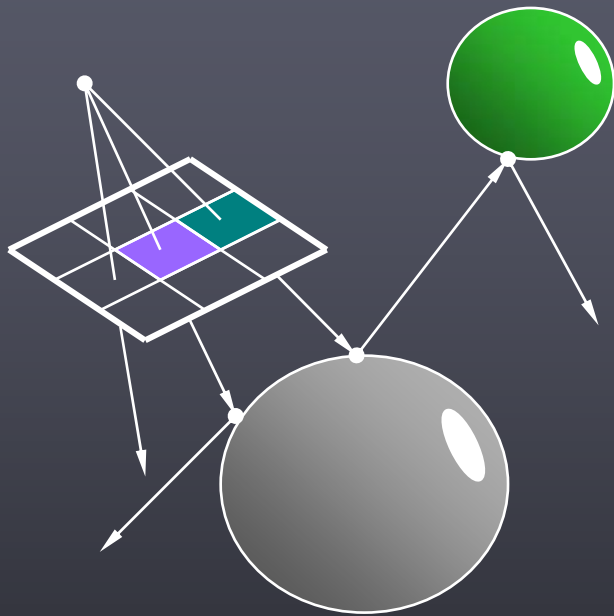
Quake II, Id Software

# Ray casting

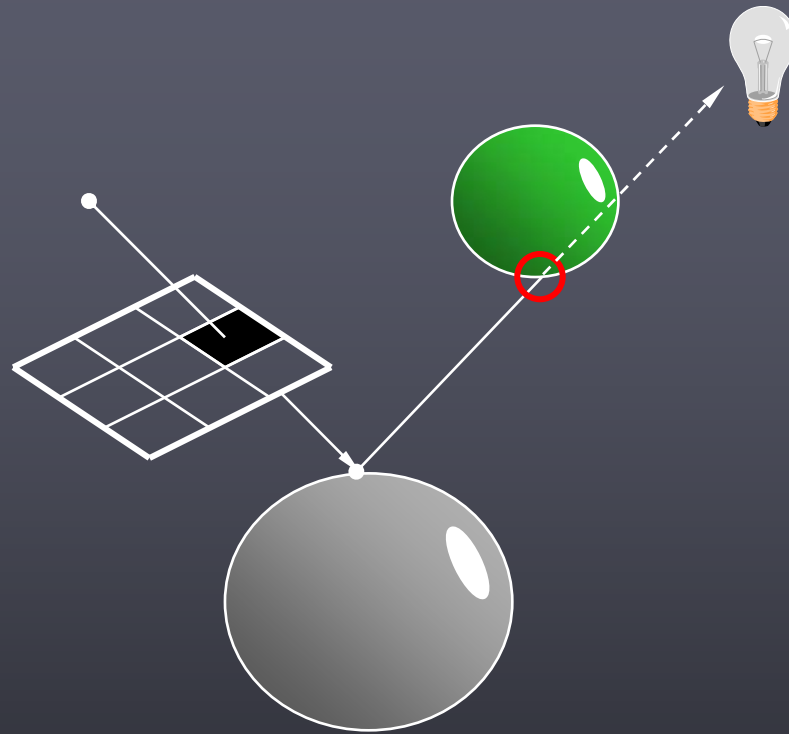
- Skicka en riktad linje (ray) från fokalpunkten genom varje pixel och ta reda på om/var den korsar alla föremål.
- Välj den korsning som ligger närmast kameran.
- Sätt pixelfärgen till färgen på motsvarande föremål.



# Ray tracing



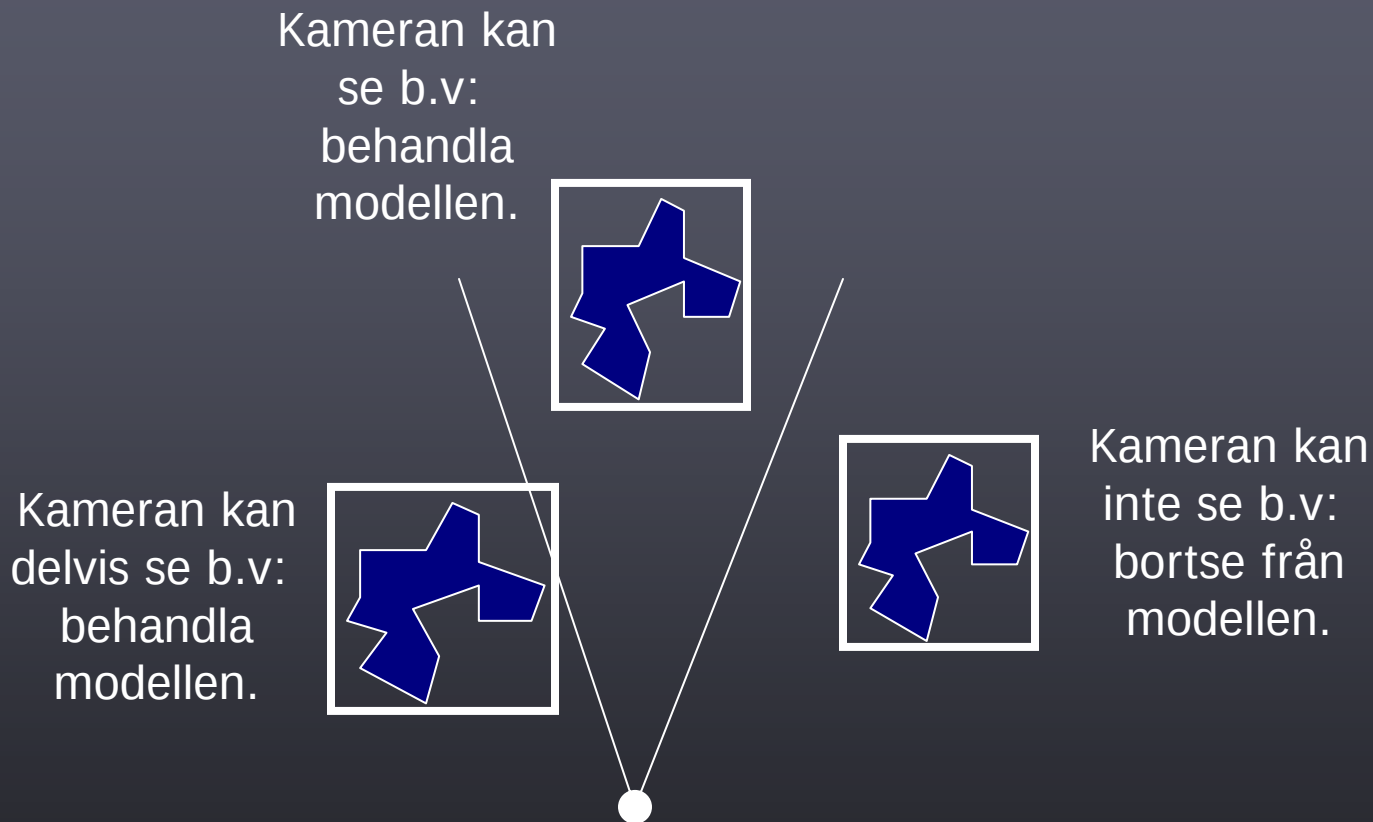
Reflektion



Skuggor (direkt ljus)

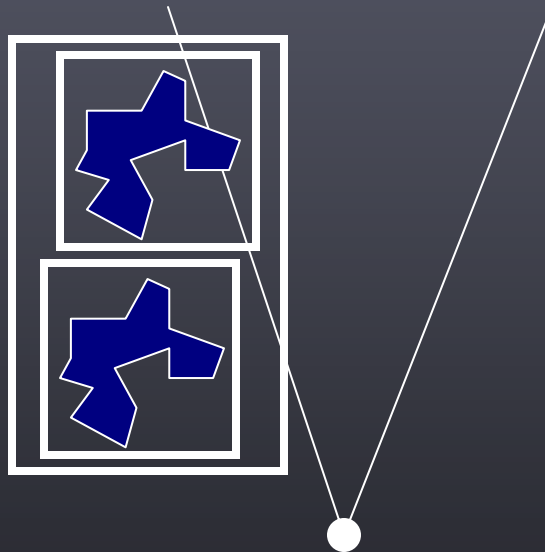
Ray tracing är en s.k. **global belysningsmodell**.  
Blanda inte ihop ray casting (visibilitymetod)  
och ray tracing (bildsyntesmetod som använder ray casting)!

# Bounding volumes



Användbart för modeller med begränsad utsträckning i rummet och för saker som flyttas omkring.

# Hierarkiska bounding volumes

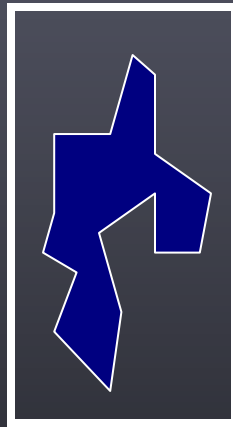


Hierarkier kan också skapas dynamiskt under körning för föremål som flyttas omkring.

# Exempel på olika sorters bounding volumes



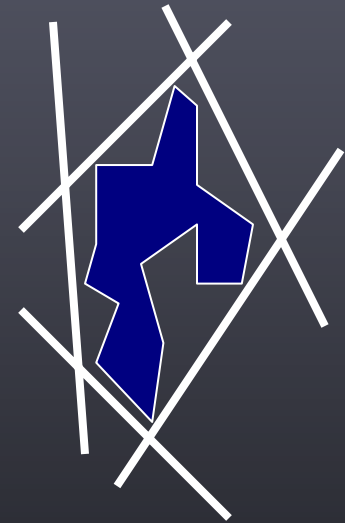
Sfär



Axis-aligned box

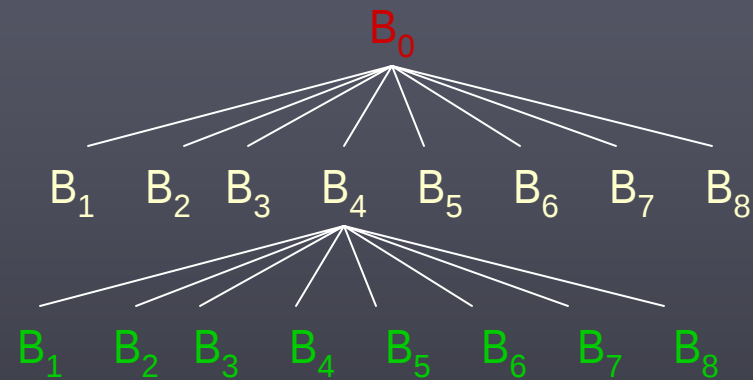
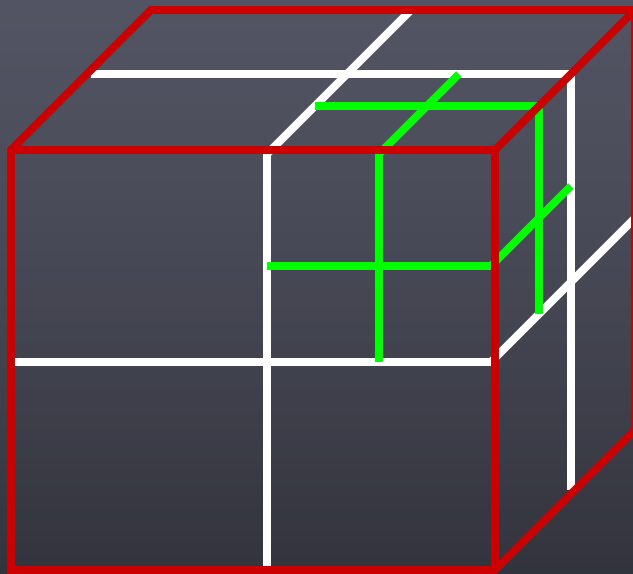


Oriented box



Oriented planes

# Quadtrees / Octrees



Variant av BSP-träd som kan vara enklare att hantera.  
Smidiga för stora, statiska modeller med stor detaljrikedom.

Kombineras med Z-buffring på ungefär samma sätt som i BSP-fallet.

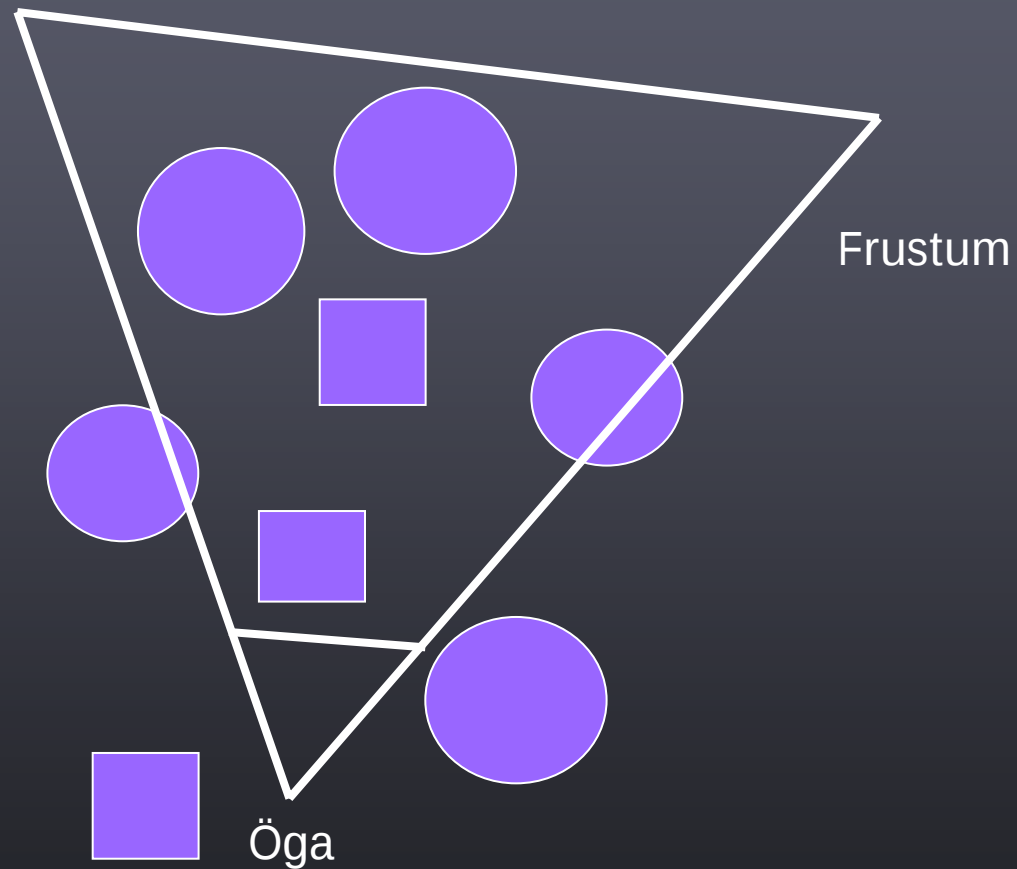
# Octrees

<http://www.gametutorials.com/Tutorials/OpenGL/Octree.htm>

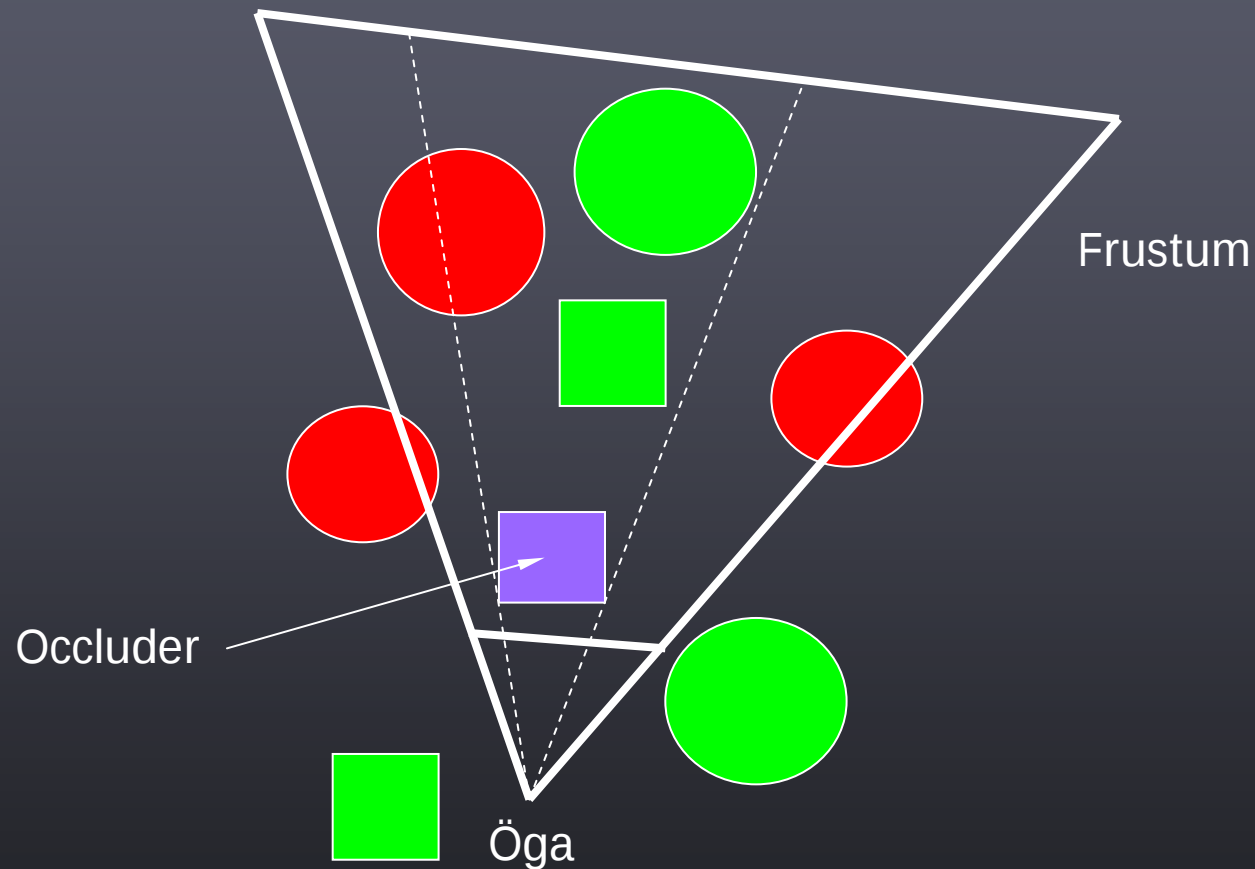
# Octrees



# Occlusion culling



# Occlusion culling



# Occlusion culling

Just Cause - Avalanche Studios

Ibland kan en hög detaljriktighet i scenen faktiskt vara till hjälp!

# Level-of-detail

Just Cause - Avalanche Studios

Även om man måste rita många objekt kan man ofta spara resurser genom att använda grövre detaljnivåer långt bort från kameran.

# Level-of-detail

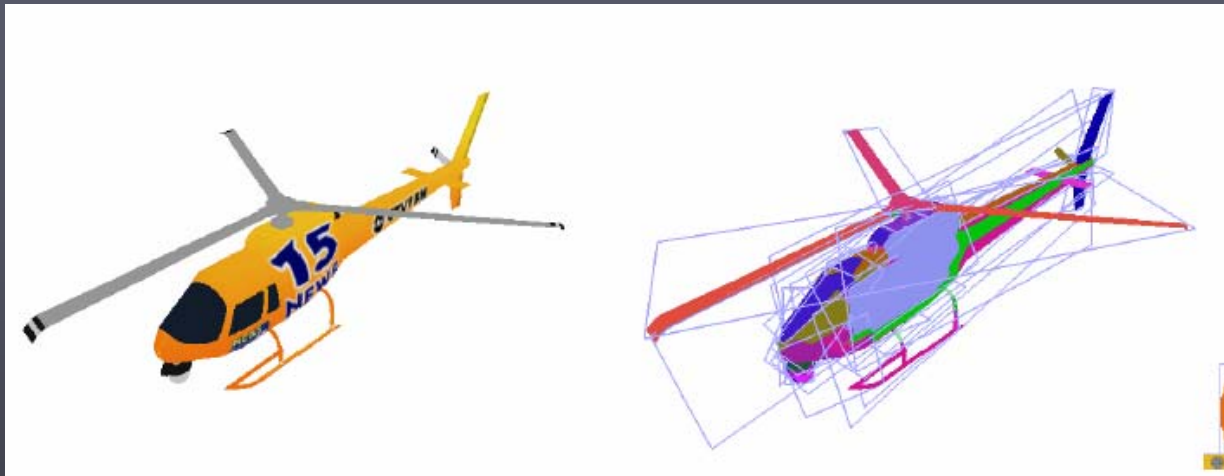


# Impostors

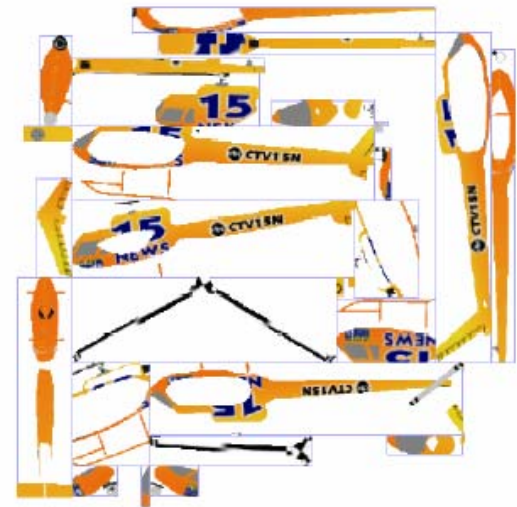
Ett specialfall av level-of-detail. Rendera ett komplext objekt till en textur och använd den istället. Om objektet är långt från kameran är parallax-effekten liten, så en impostor kan återanvändas för fler frames även om kameran flyttas.

Kallas också **billboards**.

# Impostors



Billboard Clouds, Xavier D'ecoret m.fl.



Placerar man texturerna smart kan man approximera föremål på ett sådant sätt att man kan rotera dem också!

# Impostors

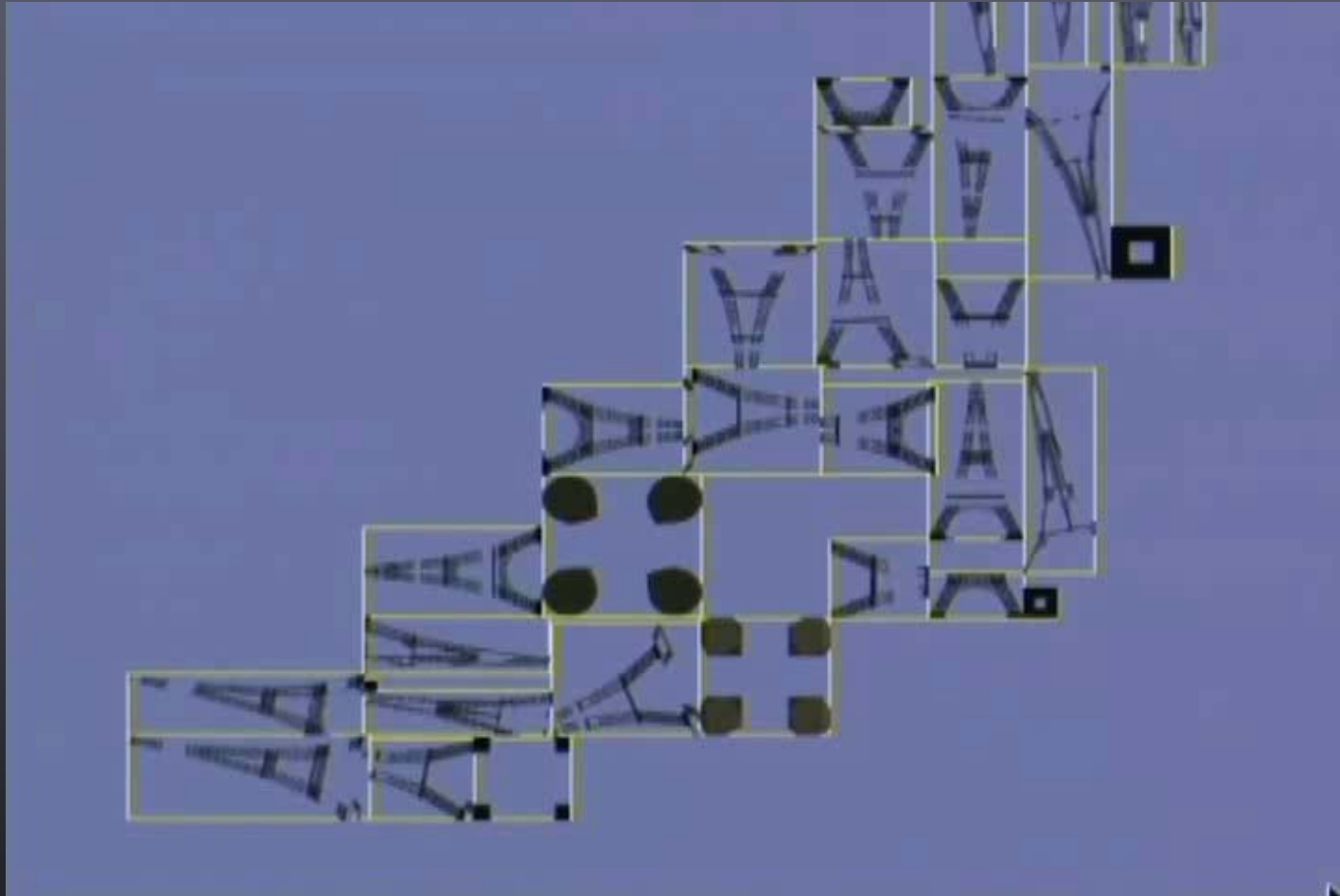


Original



Billboard cloud

# Impostors



Billboard Clouds, Xavier D'ecoret m.fl.

# Impostors

Microsoft Flight Simulator 2004

Moln är ett exempel på objekt som ofta kan ersättas av impostors.

# Impostors

Microsoft Flight Simulator 2004

I flygsimulatorfallet lönar det sig att arbeta med impostors i två steg: dels som ersättning för 3D-moln, dels för att approximera moln långt från kameran.