

Numeriska metoder grundkurs I

Övning 7 för Bio3

Exempelsamlingen 7.15

Övningsgrupp 2

Johannes Hjorth
hjorth@nada.kth.se
Rum 4538 på plan 5 i D-huset
08 - 790 69 02

Kurshemsida:
<http://www.nada.kth.se/kurser/kth/2D1210/05-06/BIO/>

Material utdelat på övningarna:
<http://www.nada.kth.se/~hjorth/teaching/numbio05>

```
% Startvärde
alpha1 = 0.7;
[x y] = ode45('exs715fun', [0 1], [alpha1 0]);
n1 = length(x);
y1 = y(n1,1) - malvarde;

alpha2 = 0.75;

i = 0; % Loopräknare
h = 1;

alphas = [alpha; alpha2];

while(abs(h/alpha2) > 0.5e-6 & i < 50)
    [x y] = ode45('exs715fun', [0 1], [alpha2 0]);
    n2 = length(x);
    y2 = y(n2,1) - malvarde;

    % Sekantmetoden
    h = (alpha2 - alpha1)/(y2 - y1) * y2;
    alpha1 = alpha2;
    alpha2 = alpha2 - h;

    alphas = [alphas; alpha2];
    i = i + 1;
    y1 = y2;
end

% Utskrift av alphas vandring...
alphas

% Sökt värde
eta = 3 * y(n2,2)

% Tjusig plot
plot(x,y(:,1),'r')
xlabel('x')
ylabel('y')
title('Exs 7.15')
```

Vi skriver först funktionen $\frac{du}{dx} = f(x, u)$

```
function f=exs715fun(x, u)

uiprim = u(2);

g = u(1)*exp(4*(1-u(1))/(1+0.2*(1-u(1))));

if(x == 0)
    u2prim = g/3;
else
    u2prim = g - 2*u(2)/x;
end

f = [uiprim; u2prim];
```

Vi använder oss av inskjutningsmetoden

```
clear, clf
hold on

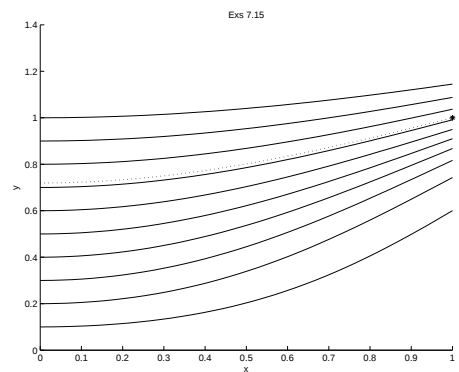
% Plotta målpunkten
plot(1,1,'*r')

% Plotta olika lösningskurvor
for alpha=0:0.1:1
    [x y] = ode45('exs715fun', [0 1], [alpha 0]);
    plot(x,y(:,1))
end

% Målvärdet (viktigt!)
malvarde = 1;
```

Vi kör koden

```
>> exs715
alphas =
    1.000000000000000
    0.750000000000000
    0.71918474419493
    0.71947189796233
    0.71947633193996
    0.71947633131107
eta =
    1.35504006636729
```



Exempelsamlingen 7.16

```
clear, clf

N = 10; res = [];
linjer = [' ':' ':' ':' ':'-'];

for studie=1:4

    n = N-1; % Antalet fria noder (y0 är fix pga RV)
    h = 1/N;

    x = 1+h*(1:n)';
    g = 2-2*x+x.^2;

    dia = (1-2/h^2)*ones(n,1); % dia, sub och sup måste ha samma längd
    sub = [1/h^2+g(2:n)/(2*h); 0]; % Sista elementet i sub anv. ej
    sup = [0; 1/h^2-g(1:n-1)/(2*h)]; % Första elementet i sup anv. ej

    A = spdiags([sub dia sup], -1:1, n, n);
    b = sparse(n,1,-(1/h^2-g(n)/(2*h)));

    y = A\b;
    X = [1;x(1:n);2];
    Y = [0;y(1:n);1];

    plot(X,Y,linjer(studie))
    hold on

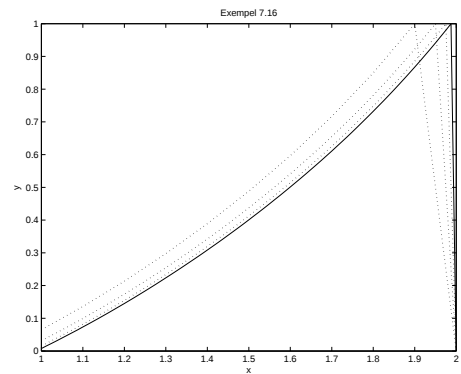
    yprim0 = (-Y(3)+4*Y(2)-3*Y(1))/(2*h);
    Th = h*(sum(Y)-(Y(1)+Y(n+2))/2);
    res = [res; [h yprim0 Th]];
    N = 2*N;
end

yprimbest = yprim0;
Iappbest = Th;
format short
```

```
disp(' h yprim0 yprimdiff Th trapdiff ')
disp([res(:,1:2) res(:,2)-yprimbest res(:,3) res(:,3)-Iappbest])
xlabel('x')
ylabel('y')
title('Exempel 7.16')
```

Vi kör koden...

```
>> exs716
h yprim0 yprimdiff Th trapdiff
0.1000 0.6176 0.0002 0.4252 0.0009
0.0500 0.6174 0.0001 0.4245 0.0002
0.0250 0.6174 0.0000 0.4243 0.0000
0.0125 0.6173 0 0.4243 0
```



Facit har en annan lösning

```
clear, clf

N = 10; res = [];

for studie=1:4

    n = N-1;
    h = 1/N;
    x = 1+h*(1:n)';
    g = 2-2*x+x.^2;
    dia = (1-2/h^2)*ones(n,1);
    sub = 1/h^2+g(2:n)/(2*h);
    sup = 1/h^2-g(1:n-1)/(2*h);
    b = zeros(n,1);
    b(n)=-(1/h^2-g(n)/(2*h));
    y = tridia(dia,sup,sub,b);
    X = [1;x;2];
    Y = [0;y;1];

    plot(X,Y)
    hold on

    yprim0 = (-Y(3)+4*Y(2)-3*Y(1))/(2*h);
    Th = h*(sum(Y)-(Y(1)+Y(n+2))/2);
    res = [res; [h yprim0 Th]];
    N = 2*N;
end

yprimbest = yprim0;
Iappbest = Th;
format short
disp(' h yprim0 yprimdiff Th trapdiff ')
disp([res(:,1:2) res(:,2)-yprimbest res(:,3) res(:,3)-Iappbest])
```

Deras lösning använder sig av tridia.m

```
function x = tridia(d,p,q,b)
% Beräknar Lösningsvektorn x till tridiagonalt system
% med diagonal d, superdiagonal p, subdiagonal q och högerled b
n=length(b); r=d; g=b; x=b;
for i=2:n
    i1=i-1; mult=q(i1)/r(i1); % Gausseliminera
    r(i)=d(i)-mult*p(i1); g(i)=b(i)-mult*g(i1);
end
x(n)=g(n)/r(n); % Bakåtsubstituera
for i=n-1:-1:1, x(i)=(g(i)-p(i)*x(i+1))/r(i); end
```

